

República Oriental del Uruguay

ANALES

Revista de la Universidad
DE

LA UNIVERSIDAD

La Universidad 2 de 1918
Entrega N.º 98 99

Administrador: JUAN M. SORÍN

La admisión de un trabajo para ser publicado en estos ANALES, no significa que las autoridades universitarias participen de las doctrinas, juicios u opiniones, que en él sostenga su autor.

SUMARIO

APUNTES DE PERSPECTIVA LINEAL Y DE SOMBRA,
por el arquitecto Mauricio Cravotto

AÑO 1918

MONTEVIDEO

UNIVERSIDAD DE LA REPÚBLICA

AUTORIDADES UNIVERSITARIAS

Consejo Central Universitario

- PRESIDENTE:** Rector de la Universidad, doctor Emilio Barbaroux.
VOCALES: Decano de la Facultad de Derecho y Ciencias Sociales, doctor Eugenio J. Lagarmilla, Río Branco 1530.
Decano de la Facultad de Medicina, doctor Américo Ricaldoni, San José 878.
Decano de la Facultad de Ingeniería y Ramas Anexas, ingeniero Juan A. Alvarez Cortés, Mercedes 1174.
Decano de la Facultad de Arquitectura, arquitecto Horacio Acosta y Lara, B. Mitre 1314.
Decano de la Sección de Enseñanza Secundaria y Preparatoria, doctor Enrique A. Cornú, José Martí 8.
Delegado del Consejo Directivo de la Facultad de Derecho y Ciencias Sociales, doctor José Irureta Goyena, B. Aires 588.
Delegado del Consejo Directivo de la Facultad de Medicina, doctor Manuel Quintela, Uruguay 823.
Delegado del Consejo Directivo de la Facultad de Ingeniería, y Ramas Anexas, Ingeniero Juan Monteverde, Juan C. Gómez 1378.
Delegado del Consejo Directivo de la Facultad de Arquitectura, arquitecto Alfredo R. Campos, Chu-carro 1.
Delegado de los Profesores de la Sección de Enseñanza Secundaria y Preparatoria, doctor Miguel Lapeyre, Mercedes 929.
SECRETARIO GENERAL: Doctor Andrés C. Pacheco, Avenida 18 de Julio 2175.

Consejo Directivo de la Facultad de Derecho y Ciencias Sociales

- PRESIDENTE:** Dr. Eugenio J. Lagarmilla, Río Branco 1530.
VOCALES: Delegados de los
Profesores: Doctor José Irureta Goyena, Buenos Aires 588.
" José A. de Freitas, Zabala 1330.
" Rodolfo Sayagués Laso, Juncal 1475.
" Serapio del Castillo, Paraguay 1267.
Abogados: " Martín C. Martínez, Ciudadela 1916.
" Alfredo Furriol, Ejido 1176.
" José P. Massera, 25 de Mayo 417.
" Manuel Pérez Maggiolo, Colonia 1531.
Estudiantes: " Emilio Frugoni, Río Branco 1375.
Escribanos: Escribano Juan José Segundo, Rincón 462.
SECRETARIO: Doctor Ricardo Goyena, Juan M. Blanes 1025.

PROEMIO

En la creación arquitectónica, la crítica razonada y la expresión gráfica eficaz, tienen por consecuencia el perfeccionamiento de la composición. Por medio de las proyecciones ortogonales se consiguen estudios completos de la parte arquitectónica en toda su complejidad, permitiendo ellas perfeccionar y definir la concepción primitiva, que, con ayuda del dibujo preciso y de detalle, puede llevarse a ejecución. En esa tarea de perfeccionamiento de la concepción arquitectónica, intervienen además de la forma y el color, la posición, las sombras, el ambiente.

El estudio de estos factores puede, por la perspectiva, realizarse de un modo completo. La perspectiva artística empleada durante el estudio de un proyecto, tiene un rol educativo muy importante, pues acostumbra a «arquitectar» con una absoluta visión de realidad, quedando descartadas las falsas impresiones que algunas veces producen las proyecciones ortogonales. No se puede estudiar eficazmente el color si no interviene la distancia, el ambiente, las sombras etc. El estudio de la perspectiva tiene también por consecuencia la posibilidad de confirmar la verdad arquitectónica, como también la de permitir la depuración de errores, contribuyendo así a dar sinceridad y nobleza a la labor artística del arquitecto; por último, el conocimiento de la perspectiva teórico-práctica habilita para el ejercicio interesantísimo del croquis perspectivo y del natural.

Teniendo en cuenta la organización de nuestros talleres, la perspectiva arquitectónica — efectuada durante los cursos de arquitectura — tiene sobre todo por rol, el perfeccionamiento en el estudio de los temas de clase, que tanta enseñanza rinden. Por consiguiente la teoría perspectiva se simplifica en gran parte, pues se eliminan infinidad de factores que se relacionan con la escenografía, pintura y todos aquellos problemas que tienen aplicación inmediata en las escuelas de especialización y artes

aplicadas. — Si se tiene en cuenta además, la utilidad del conocimiento de la perspectiva rápida y sobre todo del croquis perspectivo, se llega a deducir que el estudio teórico, acompañado por una práctica metódica, debe atraer la atención del estudiante desde los primeros años de la carrera.

La geometría descriptiva — procedimiento de expresión gráfica actualmente mas generalizado, y verdadero idioma del arquitecto — brinda los medios para obtener los métodos perspectivos más rápidos.

Los procedimientos a emplearse deben ser en lo posible, absolutamente generales; y como la perspectiva educa artísticamente, deben eliminarse todos los detalles que puedan oponerse a esa acción, y en consecuencia, los problemas de ingenio, los aparatos mas o menos complicados etc., deben descartarse desde el primer momento, dejándolos para la iniciativa particular.

La perspectiva, verdadera cuarta proyección para el arquitecto, debe tener relación con las otras tres proyecciones que generalmente se usan para representar estudiar y definir los conjuntos arquitectónicos. De ahí que los procedimientos de perspectiva más eficaces, son aquellos que permiten también modificar, perfeccionar, estudiar la misma perspectiva en beneficio de la finalidad del arquitecto, que consiste en realizar obra noble, sincera, simple, artísticamente.

Es evidente que el método ideal será aquel que permita relacionar clara y rápidamente, el resultado que se va obteniendo, con los datos del problema; que permita «ver» el desarrollo, la evolución del proyecto. El estudiante de arquitectura no debe nunca hacer la perspectiva con el solo objeto de obtener una imagen, sino como medio de estudio, de análisis de las formas arquitectónicas, como si en un amable paseo estuviese viendo desde variados puntos de vista su obra realizada.

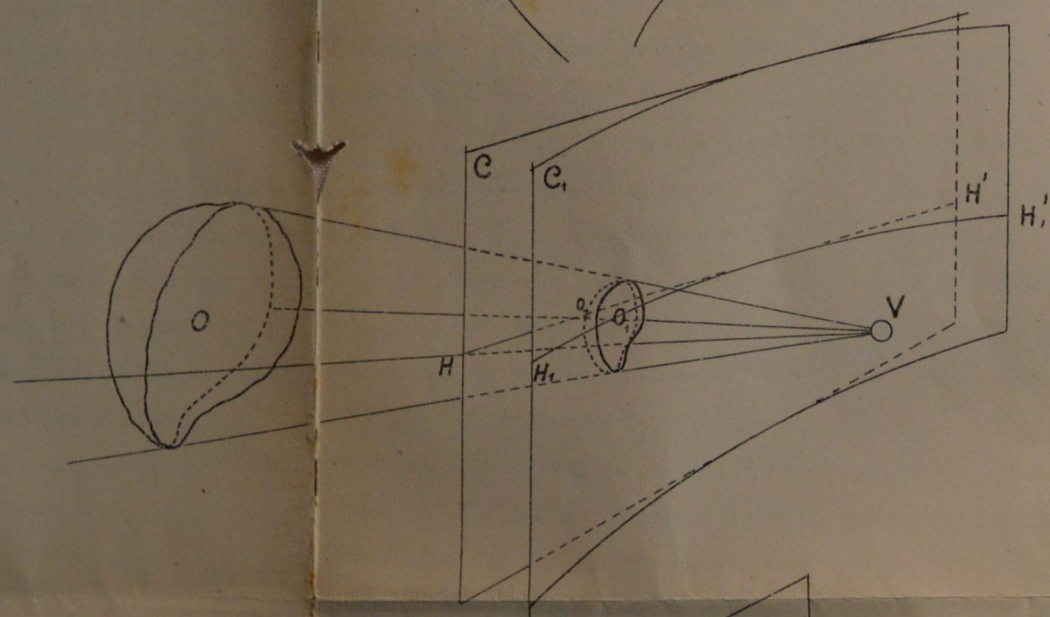
Los métodos perspectivos por los puntos de fuga, además de ser ventajosísimos para el trazado de las sombras, presentan la ventaja de la perfección en la concurrencia de las rectas (base del éxito en la perspectiva lineal); y si se fijan dichos puntos de fuga, de modo que la concurrencia de las rectas se haga sin preocupación de parte del ejecutante, puede éste dedicarse casi exclusivamente a buscar el resultado artístico.

Los apuntes adjuntos tienden a orientar al estudiante en el estudio de la perspectiva arquitectónica, en las condiciones que he expresado más arriba, por un procedimiento que, con todo detalle enseña en ciertas escuelas de Italia el Profesor Borgogelli. He añadido un procedimiento general y ejemplos de perspectiva de sombras; de modo que en conjunto, con un corto estudio posterior del color, puede llegarse a obtener resultados muy apreciables en el complejo estudio arquitectónico. En el presente trabajo no entran por su índole, muchos de los problemas que, como los de perspectivas plafonantes, imágenes reflejadas etc., si bien se resuelven por los mismos métodos, no son casos corrientes en las clases de arquitectura. Es prudente en el caso de perspectivas de interiores, hacer repetidos ensayos en pequeña escala para obtener un buen punto de vista pues es corriente el resultado de imágenes deformadas.

Para terminar, es conveniente hacer notar que el éxito en la perspectiva se obtiene sobre todo por el ejercicio continuado; la teoría es completamente elemental.

MAURICIO CRAVOTTO
ARQUITECTO

The diagram is drawn across two pages of a notebook. On the left page, there is a cross-section of a lens-like object. It has a center point labeled 'O'. Two points, '1' and '2', are marked on its upper surface. On the right page, there is a large, curved surface labeled 'S'. A point 'V' is located to the right of 'S'. Several lines are drawn: solid lines from point 'V' to the surface 'S', and dashed lines from points '1' and '2' on the left page to a point on the surface 'S'. A small, irregular shape is drawn on the surface 'S' between the dashed lines, containing the labels '1'', '2'', and '1'.



Teniendo presente consideraciones de orden práctico, tomaremos como centro de visión un punto V , (fig. 1). Este punto V , es el vértice de una superficie cónica cuya directriz es la curva de contorno aparente, con respecto a V , de un cuerpo cualquiera O .—Dentro de este cono, caben todos los rayos que, partiendo de O , van hasta V .—La intersección de este haz de rayos con una superficie dada S , es una figura O_1 llamada imagen en perspectiva de O .—Una vez obtenida la imagen O_1 , podemos proyectar el objeto O , pues la sensación visual de O y O_1 con respecto a V es la misma, debido a la superposición de todos los puntos 1-1', 2-2' etc. Para que la imagen O_1 dé una sensación real del objeto O , la superficie debe ser normal—esfera de centro V —a las generatrices del cono, obteniéndose así una perspectiva sin deformación aún en los casos de gran amplitud del ángulo al vértice V . Es pues la superficie esférica, la forma normal de la superficie perspectiva.—En general, los objetos y las formas arquitectónicas, nos circundan lateralmente; por este motivo, la perspectiva puede ser, sin error sensible, un cilindro vertical C_1 (fig. 2) con directriz circular.—Y finalmente, teniendo presente que el ángulo de visión es pequeño, puede admitirse como sup. perspectiva, un plano C_1 , la deformación producida por esta sup.—que no es normal a todos los rayos—es inapreciable, siempre que se tenga la precaución de usar un ángulo óptico pequeño, y estando el centro de visión bastante alejado.—Estudiaremos, pues, el modo de obtener las imágenes sobre una sup. persp. plana, que llamaremos cuadro, C , (fig. 3). Elementos: π plano de tierra, normal a C .— LT , línea de tierra.— V , punto de vista.— P , perp. a C , rayo principal.— P , punto principal.— π , plano \parallel al π pasando por V , plano de horizonte. $H H'$, línea de horizonte. (También en la fig. 2, y $H_1 H_1'$, curva de horizonte).

Definición

Perspec.
Plana
Notación

J. L.

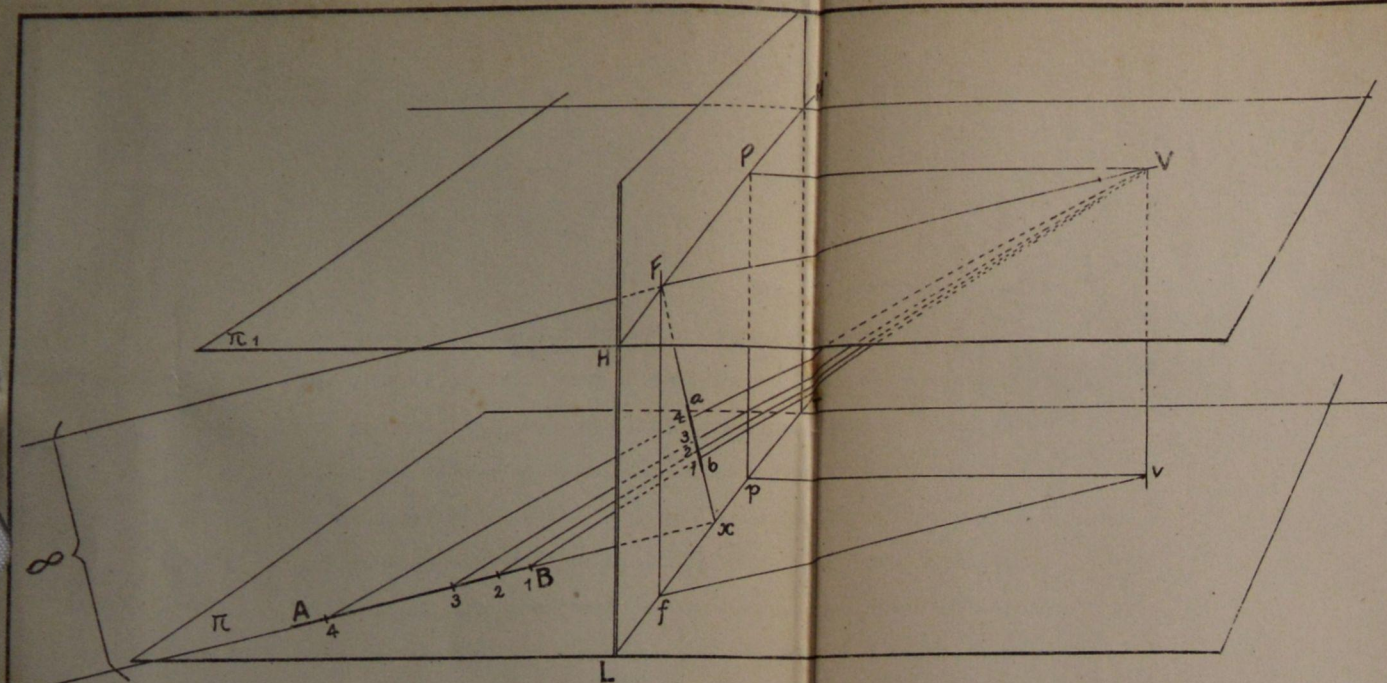


Fig. 4

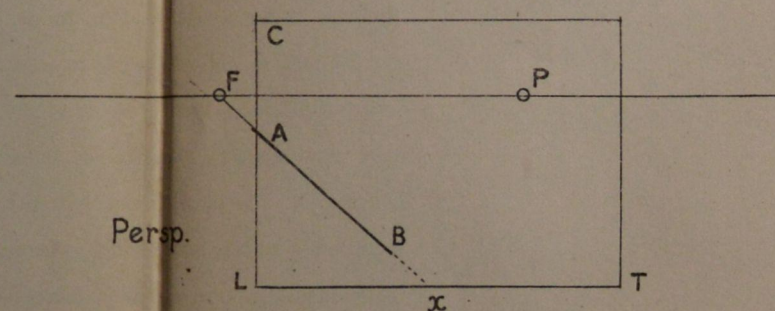
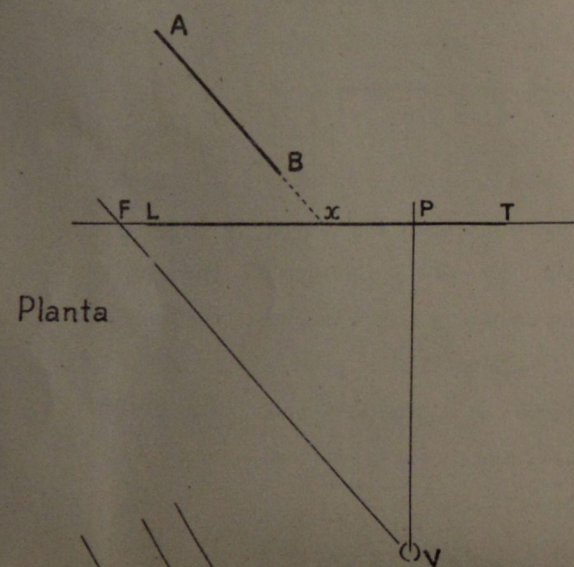


Fig. 5

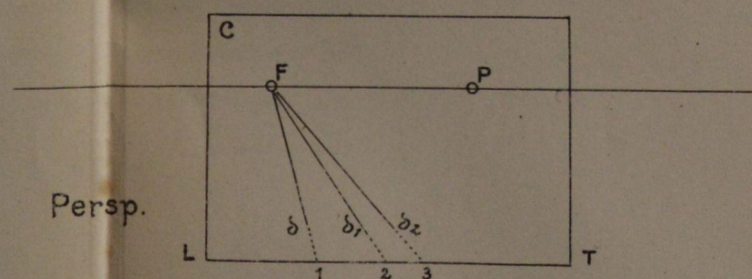
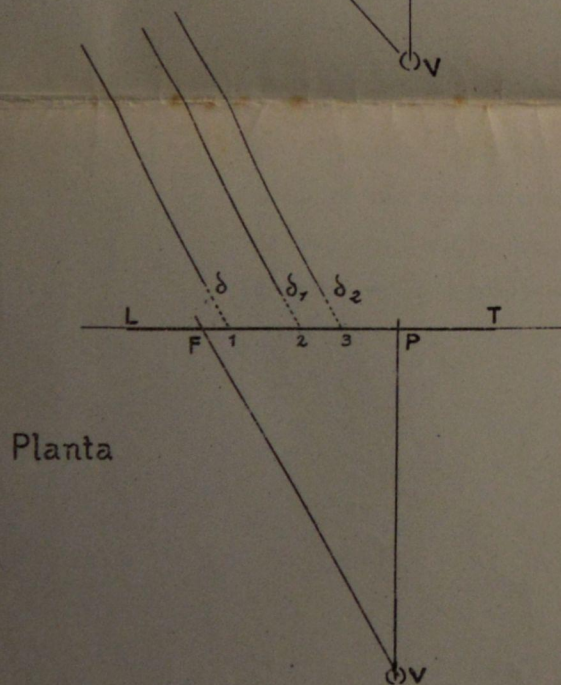


Fig. 6

Sea AB una recta cualquiera situada sobre un plano horizontal p. ej. el π , (fig. 4). La intersección del plano ABV , que pasa por la recta, y por V , con el cuadro, nos dará la perspectiva de la recta AB . — Al hacer la persp. de AB hemos unido implícitamente con V , un número muy grande de puntos a partir de B . Estos puntos $B, 1, 2, 3, 4, \dots, \infty$, tienen por perspectiva los puntos $b, 1, 2, 3, 4, \dots, F$, sobre el cuadro. Luego el punto al infinito de BA es F . — $VF \infty$ paralela a $BA \infty$ — Como BA es horizontal, VF lo será también, y F estará sobre el horizonte HH' . Los puntos análogos al F , se llaman puntos de fuga de rectas horizontales cualesquiera.

Todas las rectas paralelas a AB tendrán su correspondiente paralela VF y en consecuencia el mismo punto de fuga F . — Si prolongamos AB hasta encontrar a LT en x , como x es perspectiva de sí mismo, xF será perspectiva de $xBA \infty$. Luego para obtener la perspectiva de rectas horizontales, buscaremos la intersección de ellas con LT , y uniremos esos puntos de intersección con el punto de fuga correspondiente. Las figs. 5-6 muestran casos de persp. de una, y varias rectas, dadas en planta. La planta de la fig. 5, es la parte de la fig. 4, que se halla sobre el plano π ; y como $VF \infty \parallel vf$, para hallar F en la fig. 5, planta, trazaremos por V una \parallel a AB . Este punto F lo llevaremos sobre el horizonte, altura cualquiera. (fig. 5 derecha), y uniremos F con x , siendo Lx igual a Lx , planta; para el caso de varias rectas \parallel s, (fig. 6) buscaremos las inters. 1, 2, 3, con LT y operaremos como anteriormente.

Rectas
horiz.Puntos
de fugaPersp.
de rectas

y.C.

[illegible]

Planta

Persp.

Fig. 7

Planta

Persp.

Fig. 8

Fig. 9

Casos particulares

El punto de fuga de las normales al cuadro, es P. Las rectas horizontales paralelas al cuadro tienen el punto de fuga en el ∞ ; por esto, esas rectas tienen por perspectiva paralelas al horizonte.

El conocimiento de los problemas anteriores nos habilita para hallar la perspectiva de cualquier recta horizontal. Luego, si hallamos la perspectiva de 2 rectas horizontales que se cortan, habremos encontrado la perspectiva de un punto situado en ese plano horizontal. Problema de la fig. 7. Datos: L T, V, δ y δ_1 que se cortan en A. Prolongar las rectas hasta 1 y 2. (m). Por V trazar V F y V F' \parallel s a δ y δ_1 . Reproducir las operaciones (m) en perspectiva (fig. 7 derecha). — Por el mismo procedimiento podemos hallar en la fig. 8, la perspectiva del ángulo n, como también la del rectángulo rayado.

Si por el punto V, (Fig. 9) trazamos un plano P_1 paralelo a un plano dado cualquiera P, obtendremos sobre el cuadro una traza $C_1 B_1$ paralela a C B, que llamaremos horizonte racional del plano P. Cualquier recta horizontal de este plano (recta m , o traza A B p. ej.), tiene un punto de fuga F , que debe encontrarse sobre el horizonte H H' y sobre la traza $C_1 B_1$. — Otra recta cualquiera m_1 contenida en P, tendrá su punto de fuga F_1 en la intersección de $V F_1 \parallel m_1$, con el cuadro; pero esta intersección F_1 deberá encontrarse necesariamente sobre $C_1 B_1$.

Pero las rectas m y m' , determinan al plano P , la recta $C_i B_i$ quedará determinada por F y F' , puntos de fuga de esas rectas, y simplificando, $C_i B_i$ pasa por F y es \parallel a CB . Luego el horizonte racional $C_i B_i$ del plano P , es la recta de fuga del plano P , como también de todos los que le son paralelos. En consecuencia, todos los planos tienen una recta de fuga u horizonte racional sobre el cuadro, que pasa por el punto de fuga de la traza horizontal, y es paralelo a las trazas verticales de esos planos sobre el cuadro.

W.C.

Persp.
de
un punto

Recta de
fuga u
horizonte
racional
de
un plano

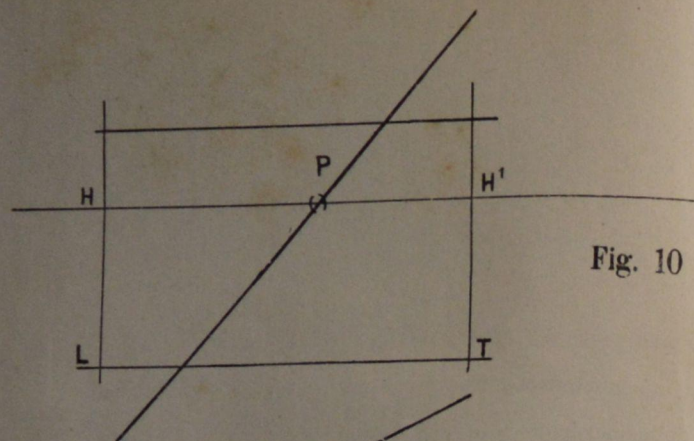


Fig. 10

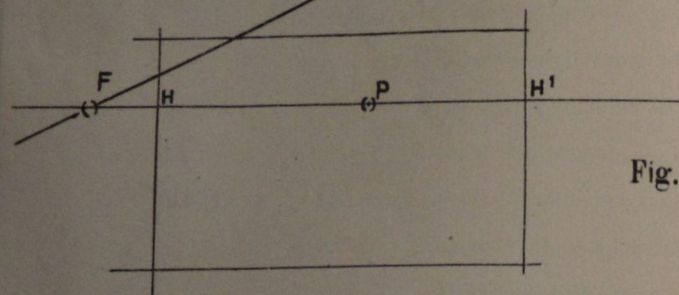


Fig. 12

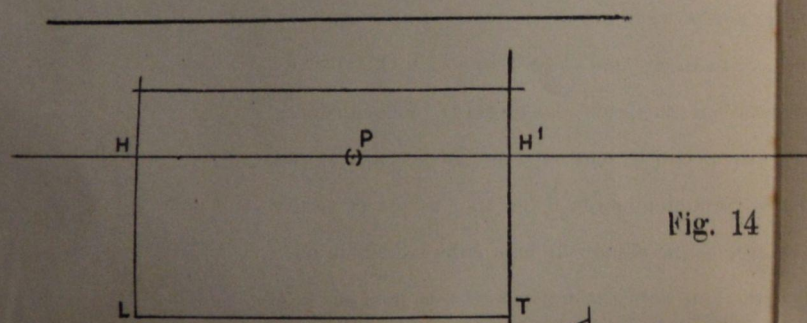


Fig. 14

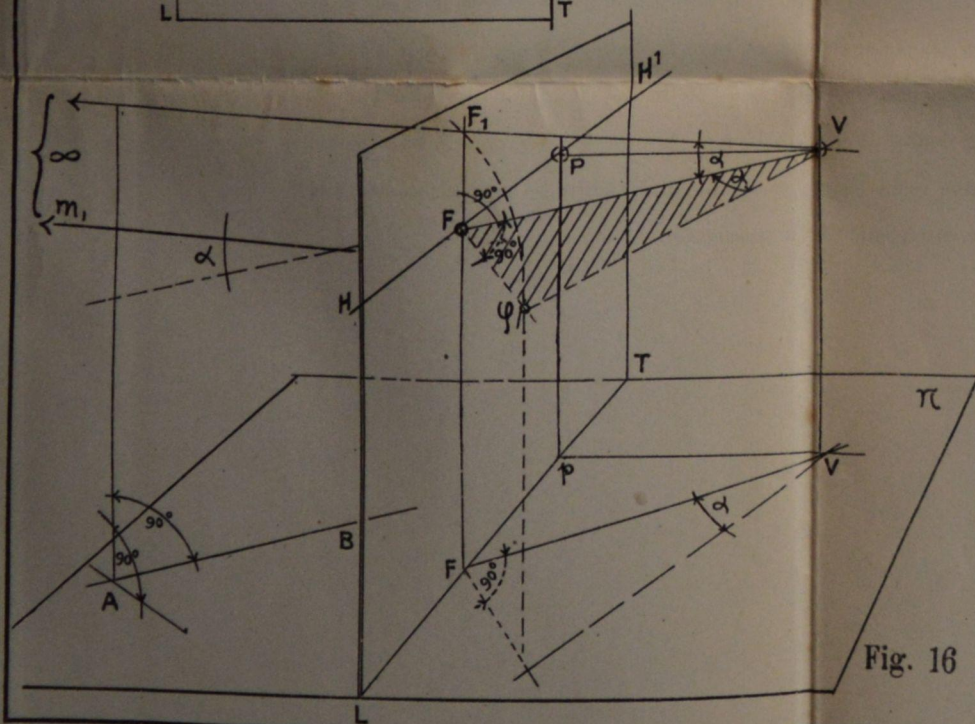


Fig. 16

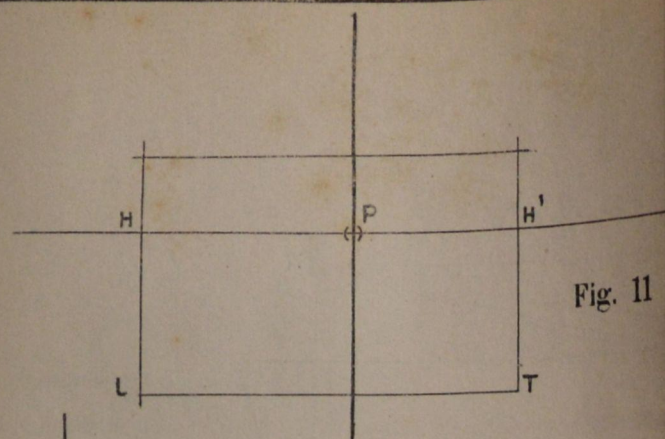


Fig. 11

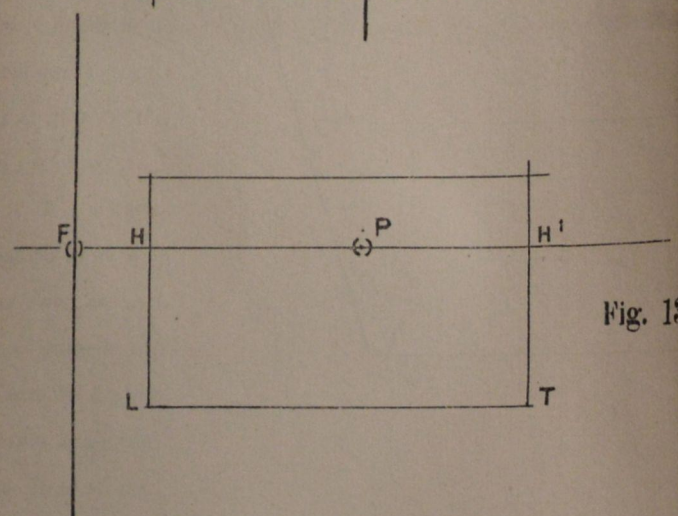


Fig. 13

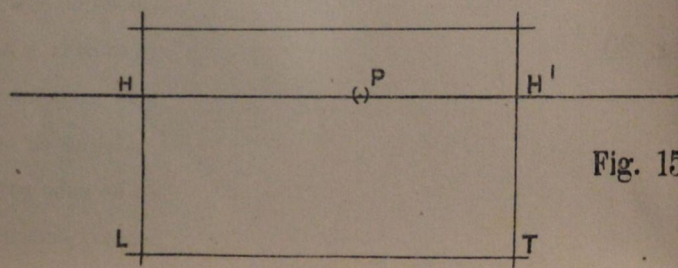


Fig. 15

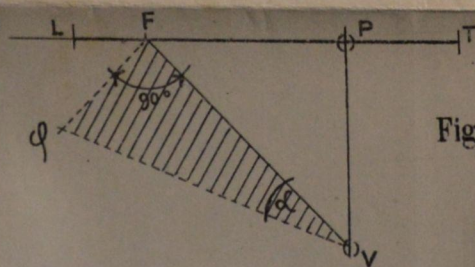


Fig. 17

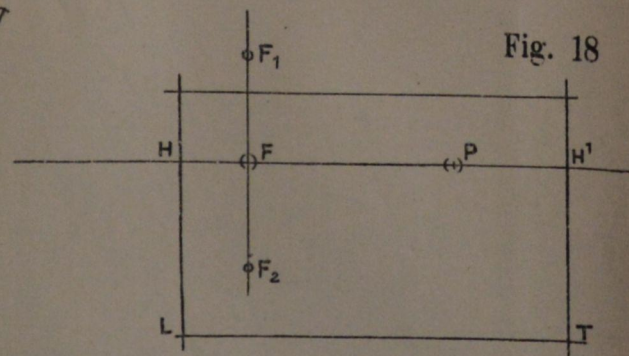


Fig. 18

Horizontes racionales de planos en diferentes posiciones:

Fig. 10. — Plano perpendicular al cuadro.

Fig. 11. Plano de Perfil.

Fig. 12. Plano cualquiera.

Fig. 13. Plano perpendicular al horizontal.

Fig. 14. Plano paralelo a L T.

Fig. 15. Plano Horizontal.

El horizonte racional de un plano paralelo al cuadro se halla en el infinito. Nota: los principios sobre horizontes racionales son el fundamento de la teoría de perspectiva de sombras.

Teniendo presente la fig. 9, si el plano P, se convierte en el plano proyectante horizontal de la recta m_1 , la traza $C_1 B_1$ que pasa por F, será vertical y el punto F_1 estará contenido en esa vertical. En este caso (fig. 16) la traza horizontal A B del plano proyectante, es la proyección horizontal de la recta. — Con estos principios deduciremos observando la fig. 16 que: si tenemos dada una recta m_1 , su proyección horizontal A B y el ángulo α de la recta y su proyección, (caso de frontones etc.), para hallar el punto de fuga de la recta m_1 , trazaremos por V una paralela a m_1 hasta encontrar la vertical que pasa por F, en F_1 . Esta recta formará con V F el ángulo α , y rebatiendo el triángulo V F F_1 en V F φ nos será posible ver todos los elementos en verdadera magnitud sobre el plano horizontal. En planta (fig. 17) trazaremos por V, la V F paralela a la proyección horizontal de la recta, y formaremos el triángulo de rebatimiento V F φ . La magnitud F φ , llevada en la vertical de F en el cuadro (fig. 18) nos dará los puntos F_1 , o F_2 — según la inclinación de la recta — que serán los puntos de fuga de una recta que forma un áng. α , con su proyección horizontal y contenida en el plano proyectante vertical de la recta. Los puntos análogos al F_1 y F_2 se llaman puntos de fuga aéreos.

Ejemplos
de horiz.
racionales

Punto
de fuga
aéreo

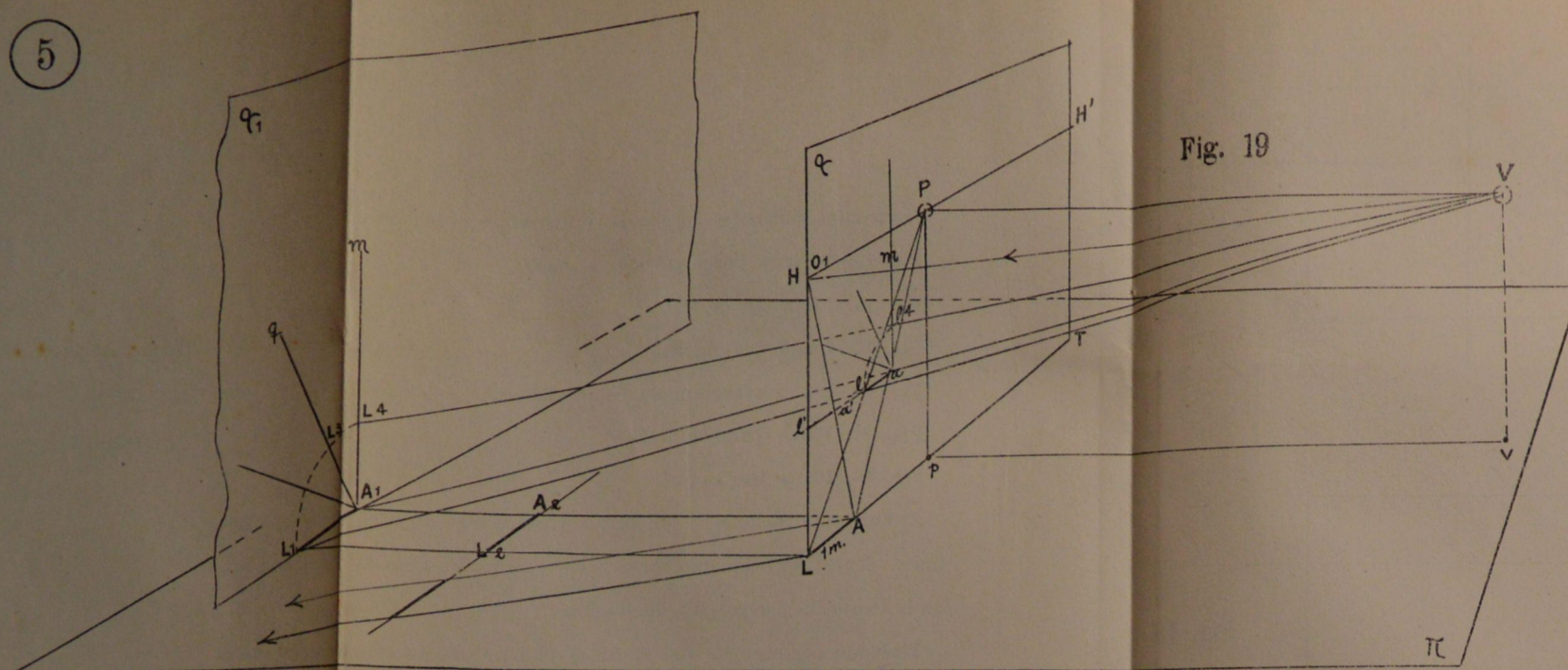


Fig. 19

Supongamos, (fig. 19) que un segmento $LA = 1$ metro, y contenido en el plano α (cuadro), inicie un movimiento normal al mismo hacia $L_1 A_1$. Como las perspectivas de las normales LL_1 y AA_1 son las rectas LP y AP , la perspectiva de cualquier horizontal paralela a LA , como $L_1 A_1$ o $L_2 A_2$, estará limitada por dos lados del triángulo PLA y será paralela a LT . Luego, cualquier horizontal comprendida entre PL y PA es la perspectiva del metro. — Es evidente que si la recta $L_1 A_1 = 1$ m. se pone en otra posición $A_1 L_3$ — dentro del plano α , \parallel a α , tendrá siempre como unidad de medida $L_1 A_1 = LA$ y en perspectiva 1 a. Si LA efectúa un movimiento oblicuo hacia O , razonando como anteriormente, obtendremos la escala del metro LA en LAO_1 (O_1 , punto de fuga de la dirección oblicua LO). — Además, (fig. 20) si C representa el cuadro de la figura anterior, por un teorema de geometría puede comprobarse que el segmento $S_1 = S$, es decir, que el triángulo LAO_1 constituye como el LAP , la perspectiva de la escala. La escala O_1 se usa siempre, pues presenta las ventajas de permitir más espacio perspectivo, y más exactitud en las medidas. — Suponiendo que (fig. 21) n , sea el vértice de un cubo paralelo al cuadro, y que el lado de este cubo, recabado de la planta, sea $= 1$ m. es evidente que sobre la horizontal que pasa por n , el metro tiene perspectivamente, en todo el plano m o q , el valor $a b$. Es pues con este metro, que debemos medir en cualquier dirección frontal, magnitudes dadas. Ver también fig. (19). Este ejemplo muestra que el metro de una recta cualquiera paralela al cuadro es perspectivamente el mismo que corresponde a su proyección.

Medidas
en
persp.

Persp.
de la
escala

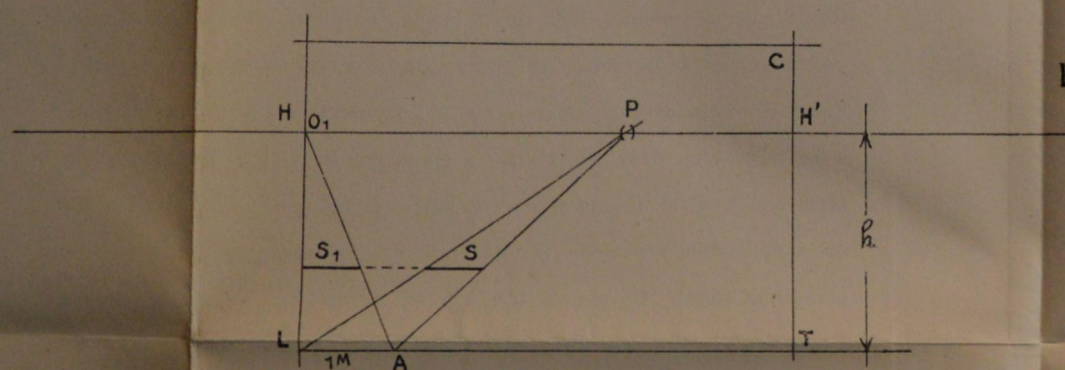


Fig. 20

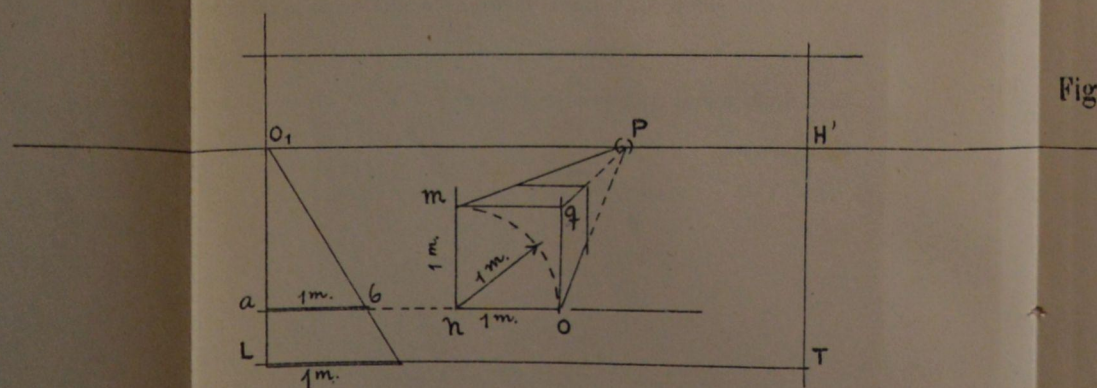


Fig. 21

W.C.

7

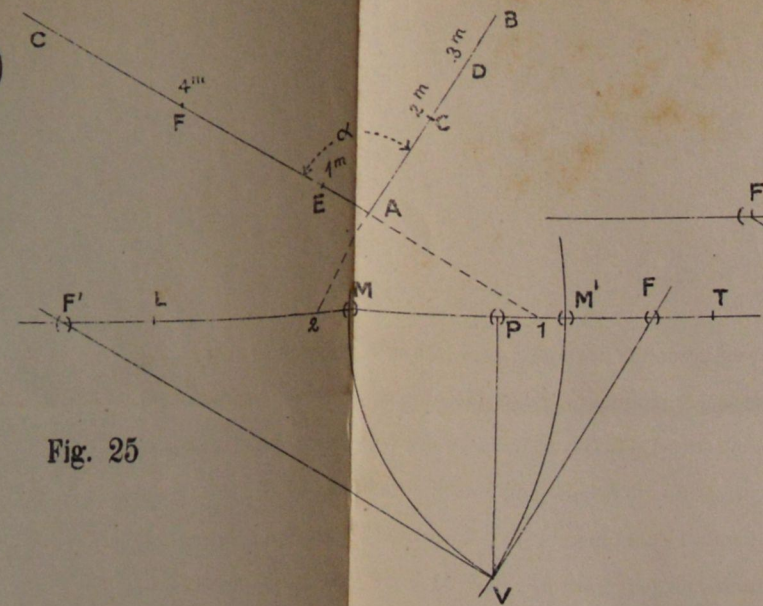


Fig. 25

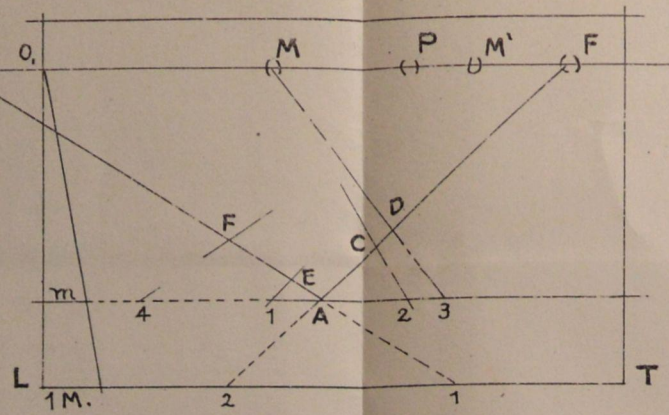


Fig. 26

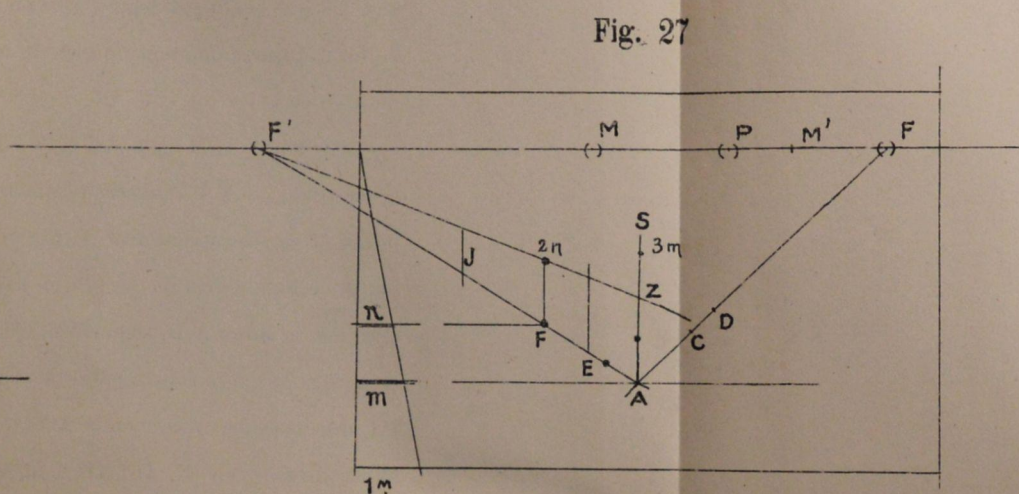


Fig. 27

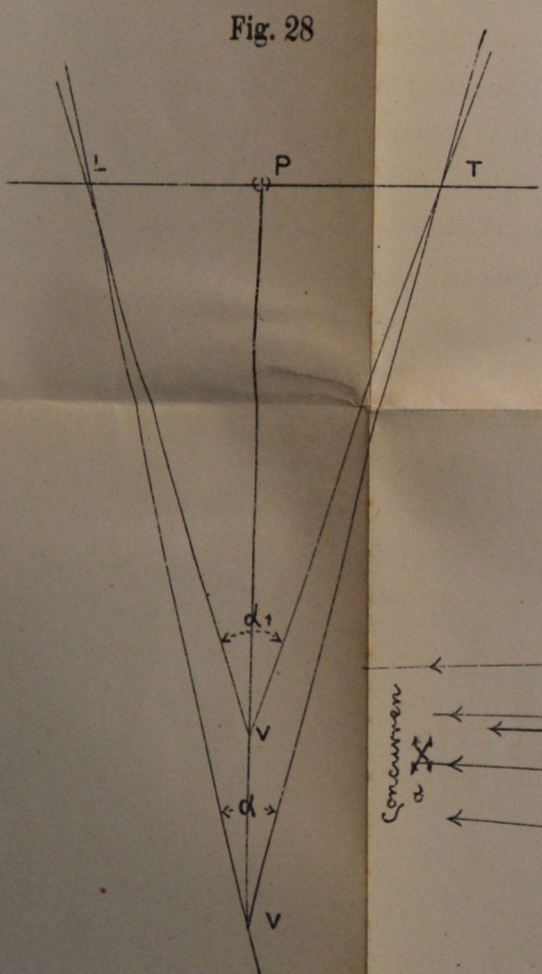


Fig. 28

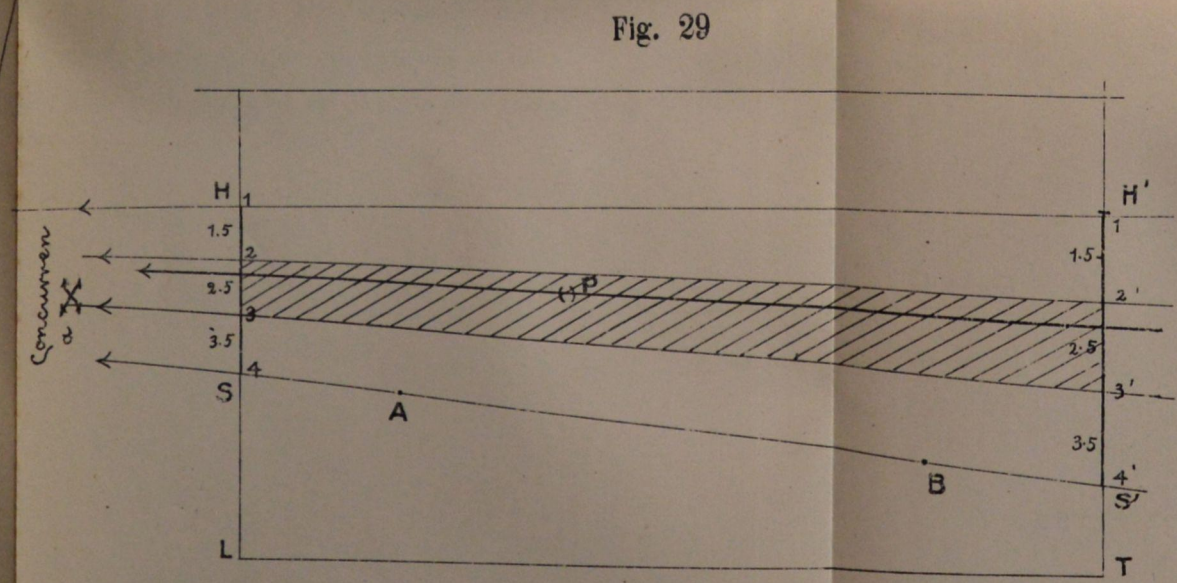


Fig. 29

Con los recursos del problema anterior podemos resolver cualquier problema de perspectiva de horizontales. Dadas 2 rectas A B, A C, (fig. 25), hallando los puntos de fuga y medida (sistema normal), cuando α es recto, podremos (fig. 26), con el metro correspondiente hallar las medidas perspectivas indicadas en la planta. — Traslademos a la (fig. 27) los resultados de la (fig. 26). — Vamos a levantar en A, una vertical de 3 metros de altura y en F otra de 2 metros.

Trazadas las verticales de A y F, mediremos en A, con el metro m, una magnitud = 3 m, y en F con el metro n, una magnitud = 2n, con lo cual estará resuelto el problema. Pero si por el punto Z (cota 2 m), trazamos la concurrente Z F', todas las verticales E, F, J, etc, hasta F', comprendidas entre A F' y Z F' tendrán 2 metros de altura; luego la puesta en altura se reduce al problema sencillísimo de tomar sobre una vertical A Z S, las magnitudes que se desean obtener, y trasladarlas luego sobre otras verticales por medio de las rectas de fuga.

Estamos en condiciones ya, de realizar cualquier perspectiva simple. Indicaciones prácticas. — 1.º El rayo principal V P, debe cortar al cuadro, a ser posible, en la mitad de H H'. — El punto P determina la posición de la zona mas interesante de la perspectiva. — 2.º La distancia de V al cuadro debe ser aproximadamente = 2 L T haciendo notar que las perspectivas tomadas desde puntos de vista mas bien lejanos, resultan siempre mas perfectas. Por cálculos sencillos se deduce que, (fig. 28) para V P = 2 L T, α = aprox. 28º y para V P = 1 1/2 L T α = 37º aprox. Como el valor medio del ángulo de la visión es de 42º, es conveniente no pasar ese límite angular para obtener así, perspectivas sin deformación.

y.c.

Puesta
en
altura

Distancia
práctica

9

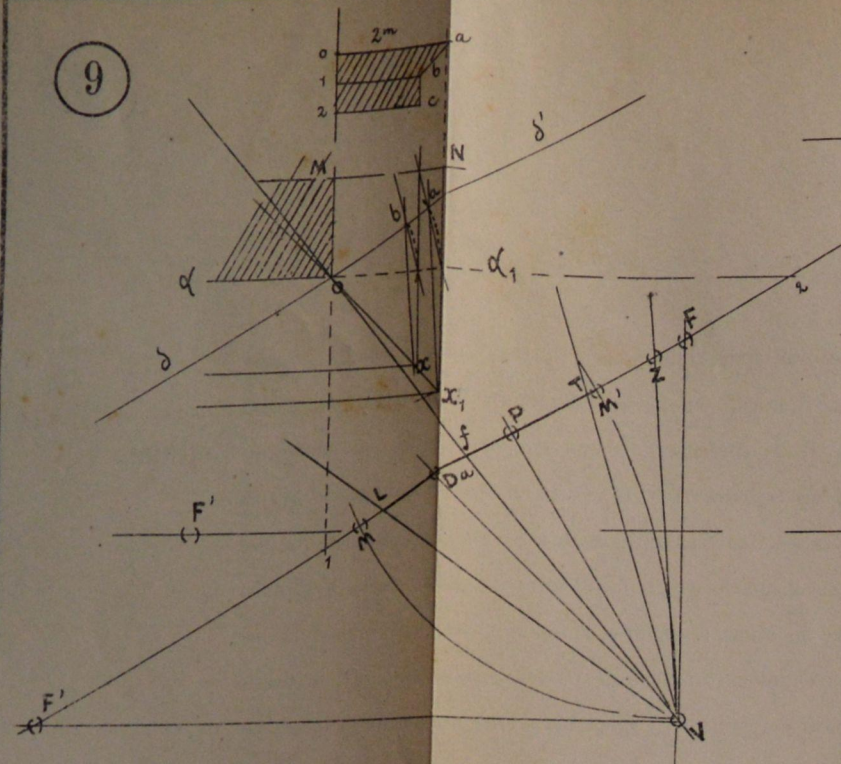


Fig. 33

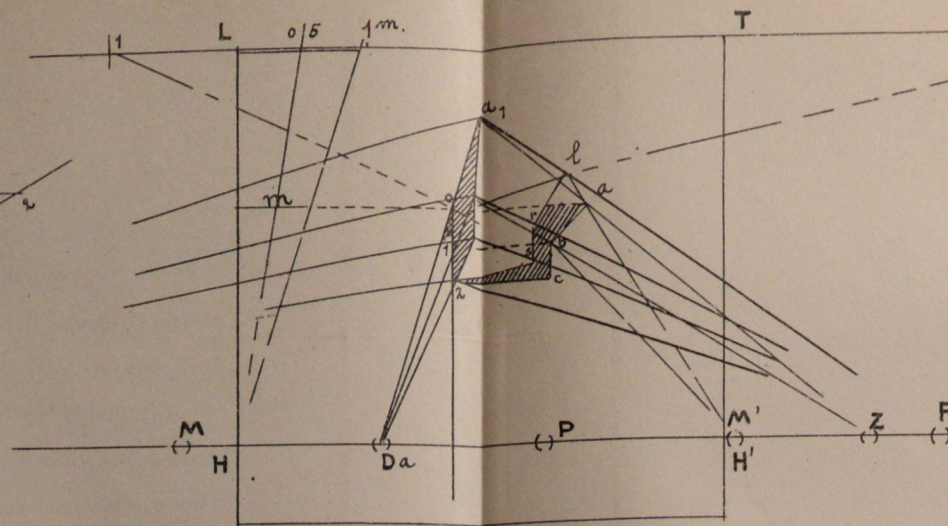


Fig. 34

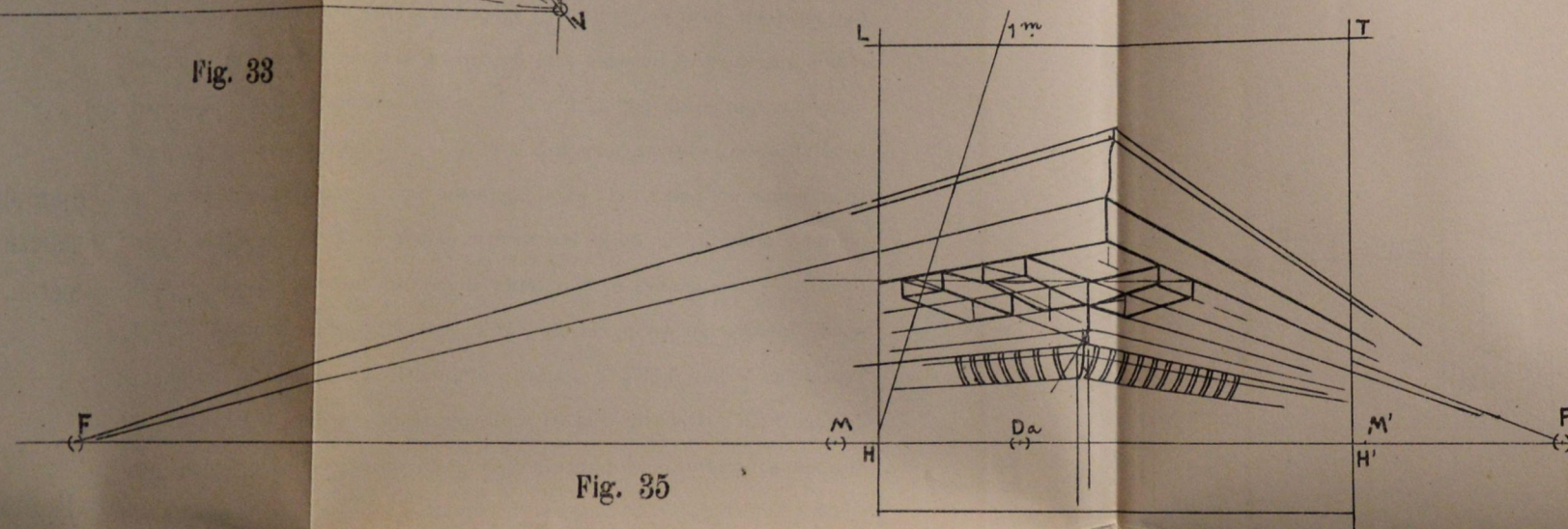


Fig. 35

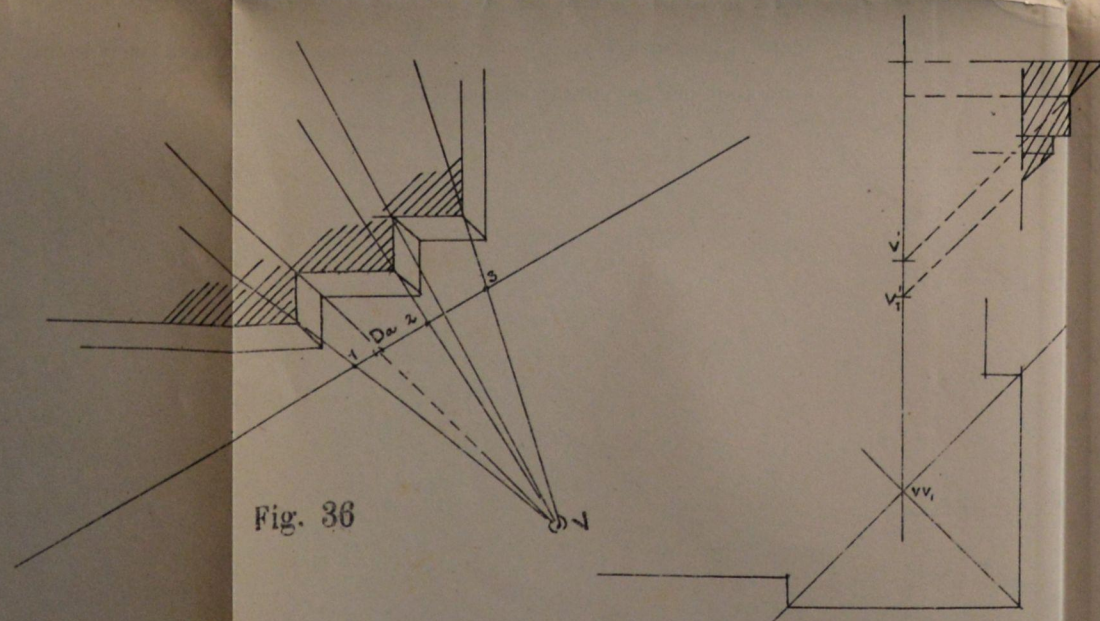


Fig. 36

Fig. 37

Una vez determinado el punto inicial A, y elegido el metro correspondiente, m, se miden las magnitudes indicadas en la planta, por medio de los puntos de medida M, M' obteniendo así los puntos D y B; levantando luego en A, una vertical de 5 metros, medida siempre con el metro m del plano que pasa por A. Hecho esto, es fácil completar los elementos para obtener la perspectiva que hemos planteado. La figura 32 es una perspectiva deducida de la misma planta y alzado, pero ampliada al doble. Cualquier ampliación se obtiene reproduciendo los puntos de la fig. 30, a una escala doble triple, etc.

Amplificación

Si la sección normal M N, (A) de una cornisa (fig. 33) la colocamos en el plano $\delta\delta'$ paralelo al cuadro, de modo que en perspectiva se vea en verdadera magnitud, o a b e 2, (metro correspondiente m) (fig. 34); y si observamos geométicamente que las rectas b x, a x, deben ser paralelas, trazando V Z \parallel x, a, x b, tendremos en Z el punto de fuga de esas rectas. El problema de trazado de una cornisa en persp. y perfil de ángulo, se reduce a trasladar perspectivamente el perfil A, desde el plano frontal $\delta\delta'$, hasta el plano diagonal o x, por medio de los puntos a a, etc. (fig. 34) y del punto de fuga Z.

Cornisa en persp.

Para determinar a, trazaremos la diagonal D a, o a, y desde Z, la Zaa, que reproduce la operación de la planta que consiste en trazar rectas tales, desde a, b, o, que corten en o, x, x, a la diagonal o x.

Pero si observamos (fig. 33), la operación anterior sustituye a la doble operación de llevar el perfil frontal $\delta\delta'$, al perfil xx_1 , y éste al diagonal o x.

La recta a x, (fig. 33) es en la (fig. 34) Z a a. Es decir que conocido el primer punto a, por la intersección de D a, o a, y a, l F, encontraremos Z, uniendo a, con a, hasta encontrar al H H'. El perfil l, r, s, 2, 0, obtenido por el perfil normal y el punto de medida M', se llama perfil accidental (contenido en xx_1), y el perfil a, 0 2, perfil diagonal.

El punto Z, directamente en el cuadro

y.c.

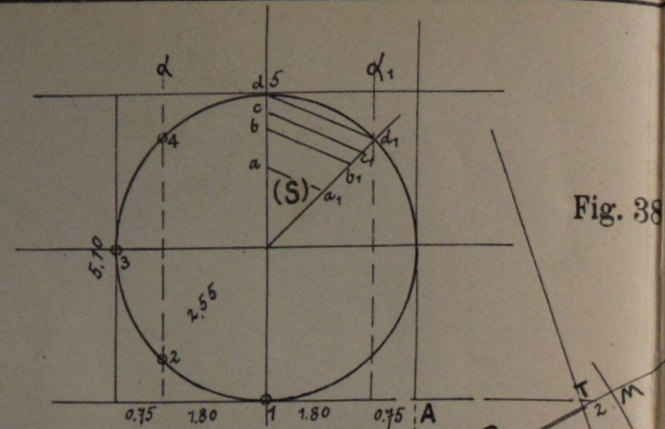


Fig. 38

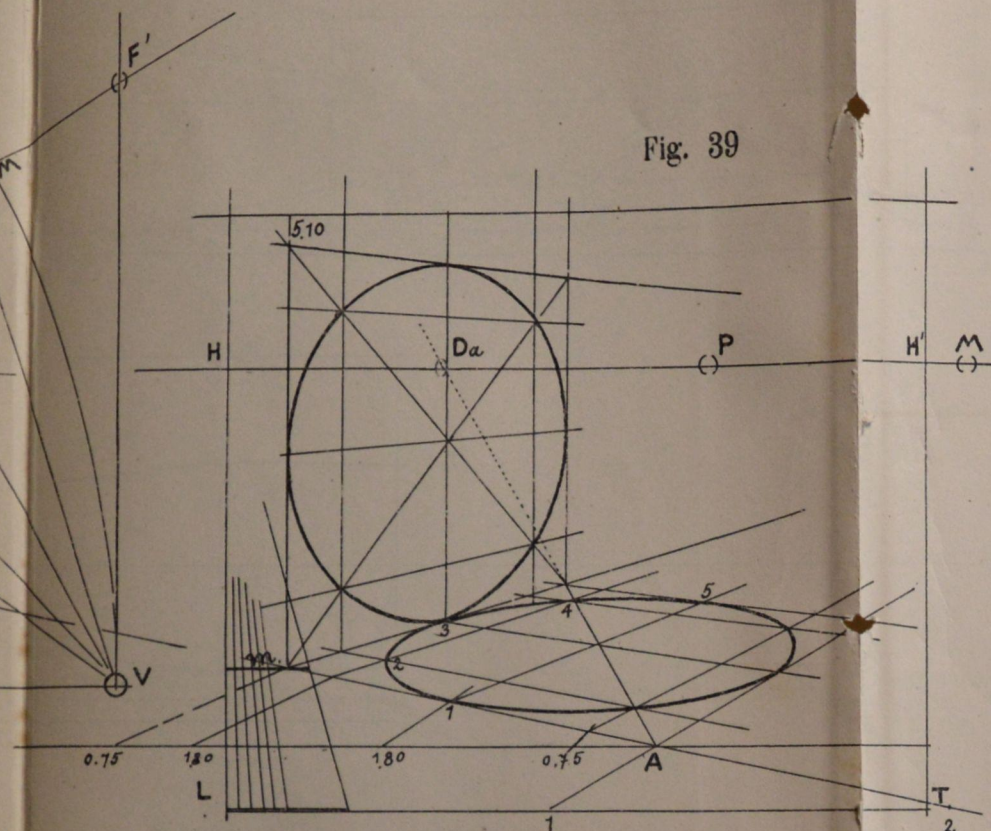


Fig. 39

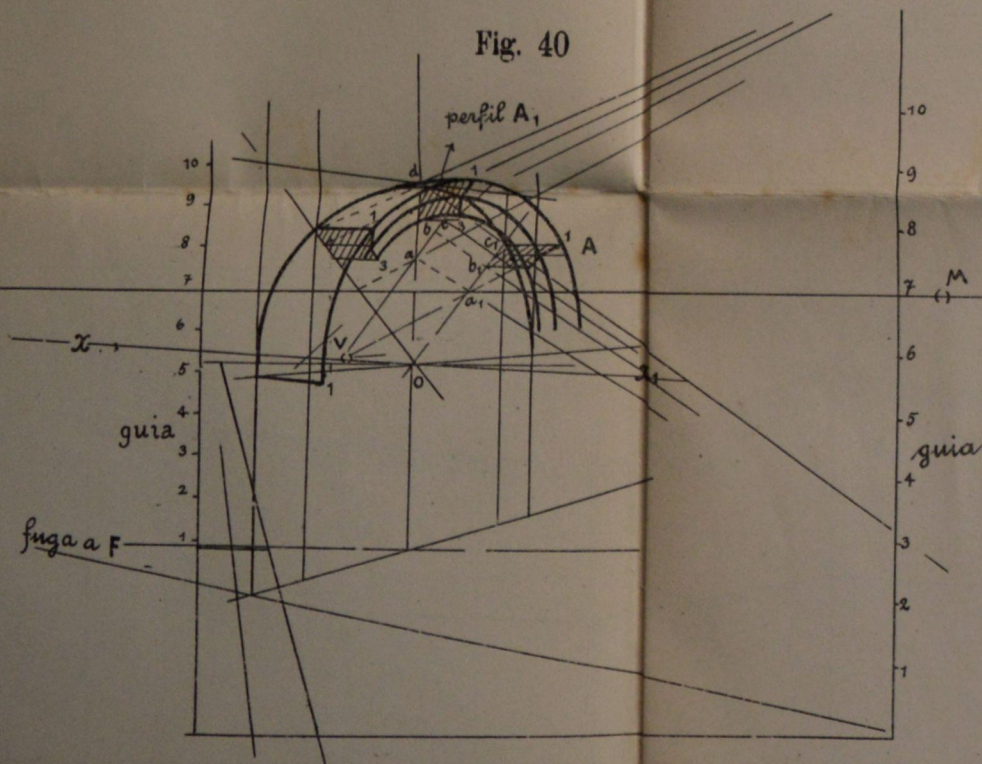


Fig. 40

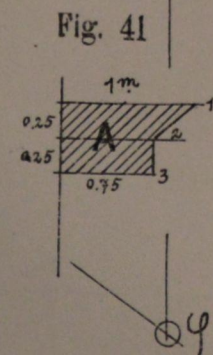


Fig. 41

Una vez obtenida la persp. de las líneas generales, podemos ubicar todos los detalles que nos interesan como se insinúa en la fig. 35. — En la fig. 33, vemos que la recta Vf que pasa por O—proyección de la arista mas lejana al cuadro—deja a la derecha al perfil diagonal o α_1 ; en la fig. 34 vemos esto repetido claramente. — En los casos (fig. 36) en que hay muchos perfiles, y sobre todo cuando se trabaja a pequeña escala, es conveniente trazar las rectas V_1, V_2 etc., para conocer de antemano el sentimiento del movimiento de las cornisas. — Cuando una cornisa sigue un movimiento de planta como el de la fig. 37, es conveniente prolongar los perfiles inclinados hasta encontrar al eje que pasa por la inters. de las diagonales, en los puntos $V' V'_1$; el problema se reduce entonces a hallar la persp. de los puntos $V' V'_1$, que son vértices de 2 pirámides de base cuadrada.

El círculo, en perspectiva es en general una elipse. Por medio del cuadrado circunscrito, las diagonales y las rectas α, α_1 , (fig. 38) podemos llevar fácilmente a perspectiva el círculo dado. Se reduce pues el problema general, a llevar en persp. puntos notables como los 1, 2, 3, 4, 5. — La fig. 39 muestra la persp. del círculo en 2 posiciones corrientes. Este método por puntos, es uno de los muchos que existen para realizar la persp. del círculo. Si la semi-circunf. vertical de la fig. 39, como directriz de una figura A_1 —perfil accidental fugando en F, de un perfil normal A (fig. 41)—lo hacemos girar alrededor del centro O (fig. 40) los puntos 1, 2, 3, describirán circunf. perspetivamente paralelas, constituyendo en conjunto, una archivolta. Cada recta del perfil describe una sup. cónica, p. ej. la 1-2 que encuentra al eje $x x_1$ en V, punto que queda fijo. Haciendo en perspectiva la operación (S) (fig. 38) por medio de puntos de fuga aéreos como el φ , podemos trasladar el perfil accidental a otra posición A_2 . Uniendo los puntos 1, 1—2, 2 etc. quedará resuelto el problema.

Varios salientes

Persp. del círculo

Archivolta

Fig. 41

11

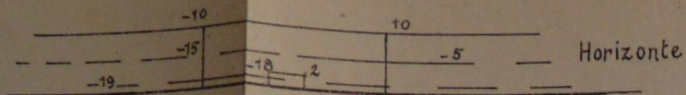


Fig. 42

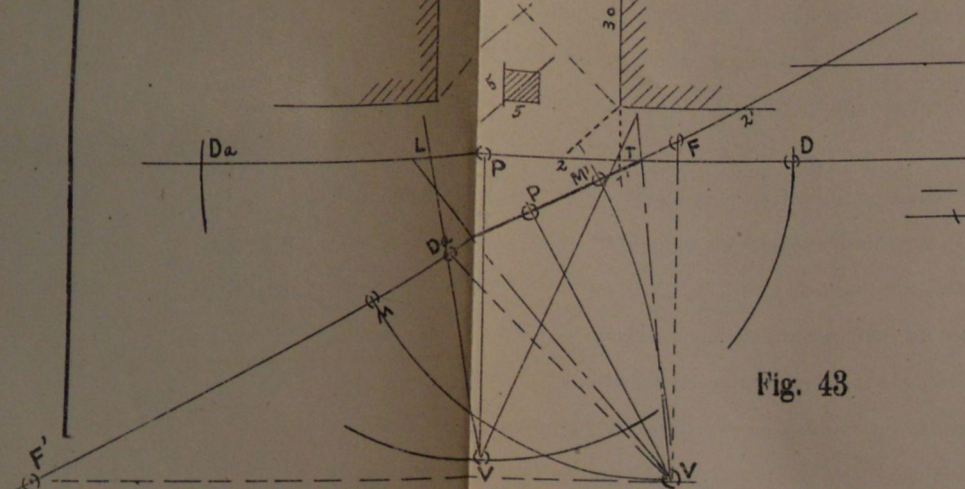


Fig. 43

Las figs. 44, 45-6 son persp. del patio (fig. 42-3), con dos disposiciones distintas del cuadro. Los métodos empleados para realizarlas son completamente generales. La fig. 46 presenta las operaciones necesarias para el caso en que el horizonte deje un espacio muy pequeño con L T. En estos casos se toma como plano de tierra, un plano horizontal que pase a una altura determinada de L T. En las figs. 42, 46 este plano Z Z, L, T, pasa a 20 metros de L T. Basta después efectuar la perspectiva de la planta—que queda así elevada en el cuadro—y levantar las alturas acotadas previamente con respecto al plano Z Z, para poder terminar la persp. iniciada desde el punto m m'.

Esta construcción de planta elevada es también ventajosa aún con el horizonte a buena altura, cuando se quiere obtener claridad completa en la construcción de los elementos perspectivos.

Nota: Al efectuar este ejercicio téngase cuidado en la elección de los elementos de la planta.

W.C.

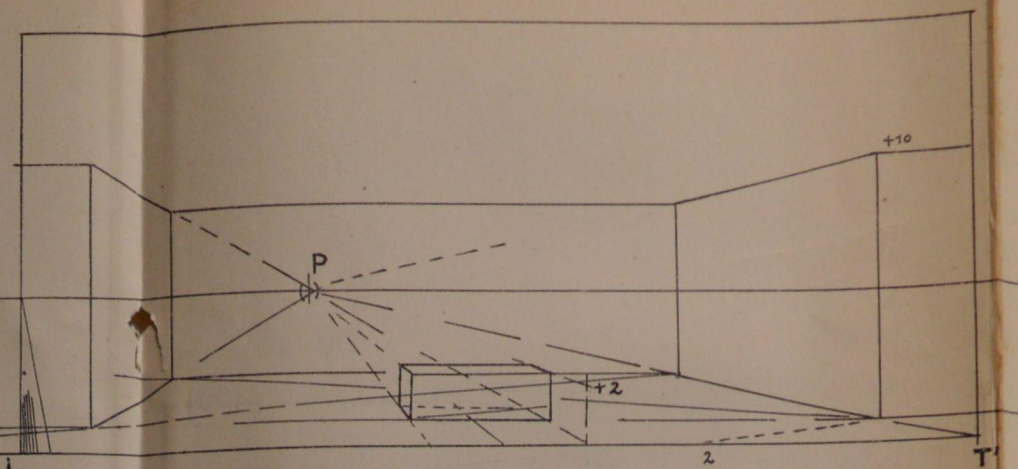


Fig. 44

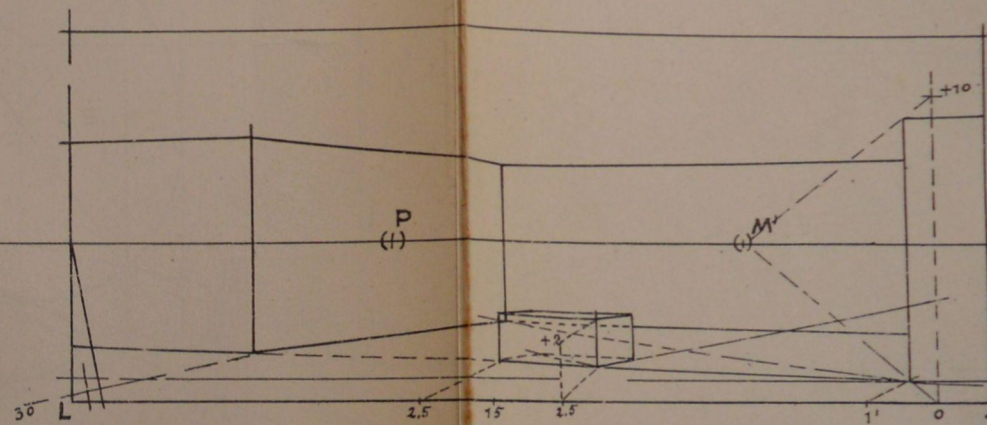


Fig. 45

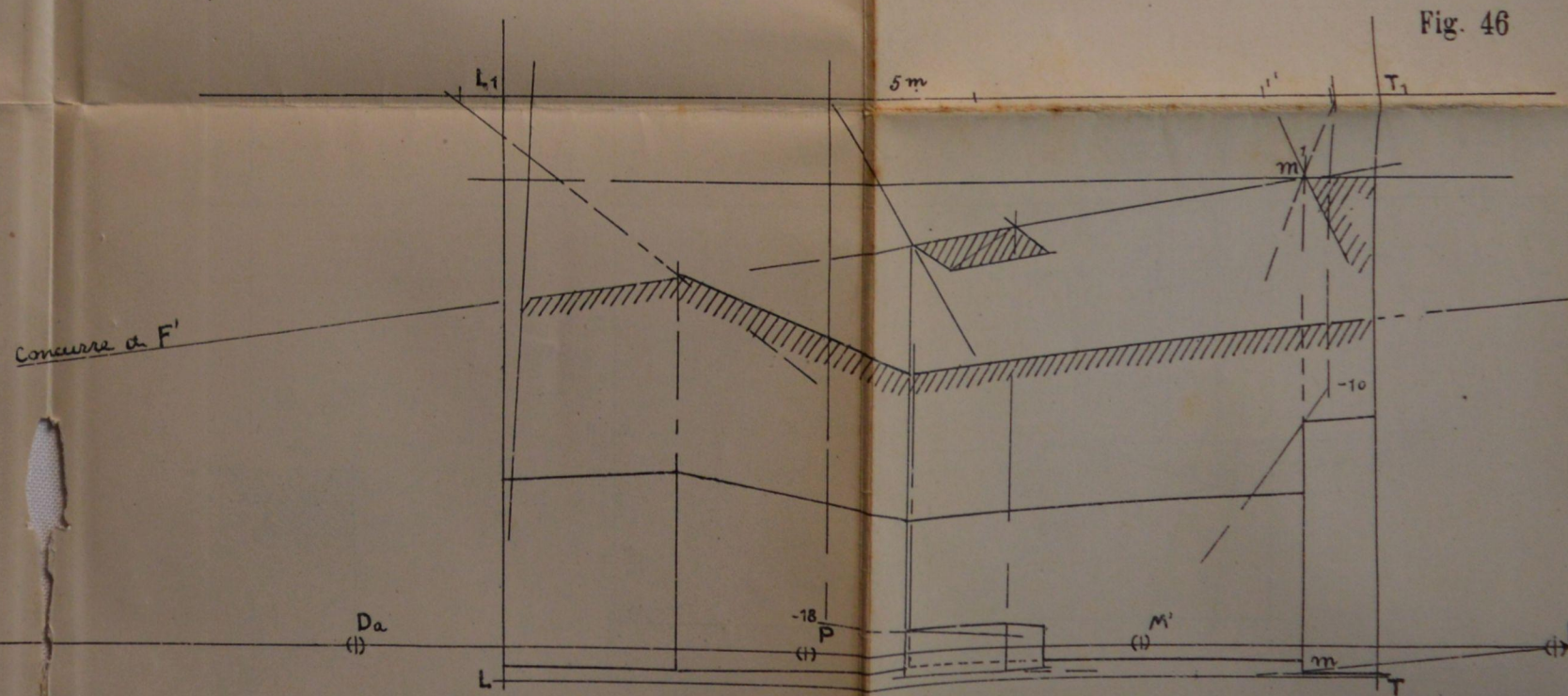


Fig. 46

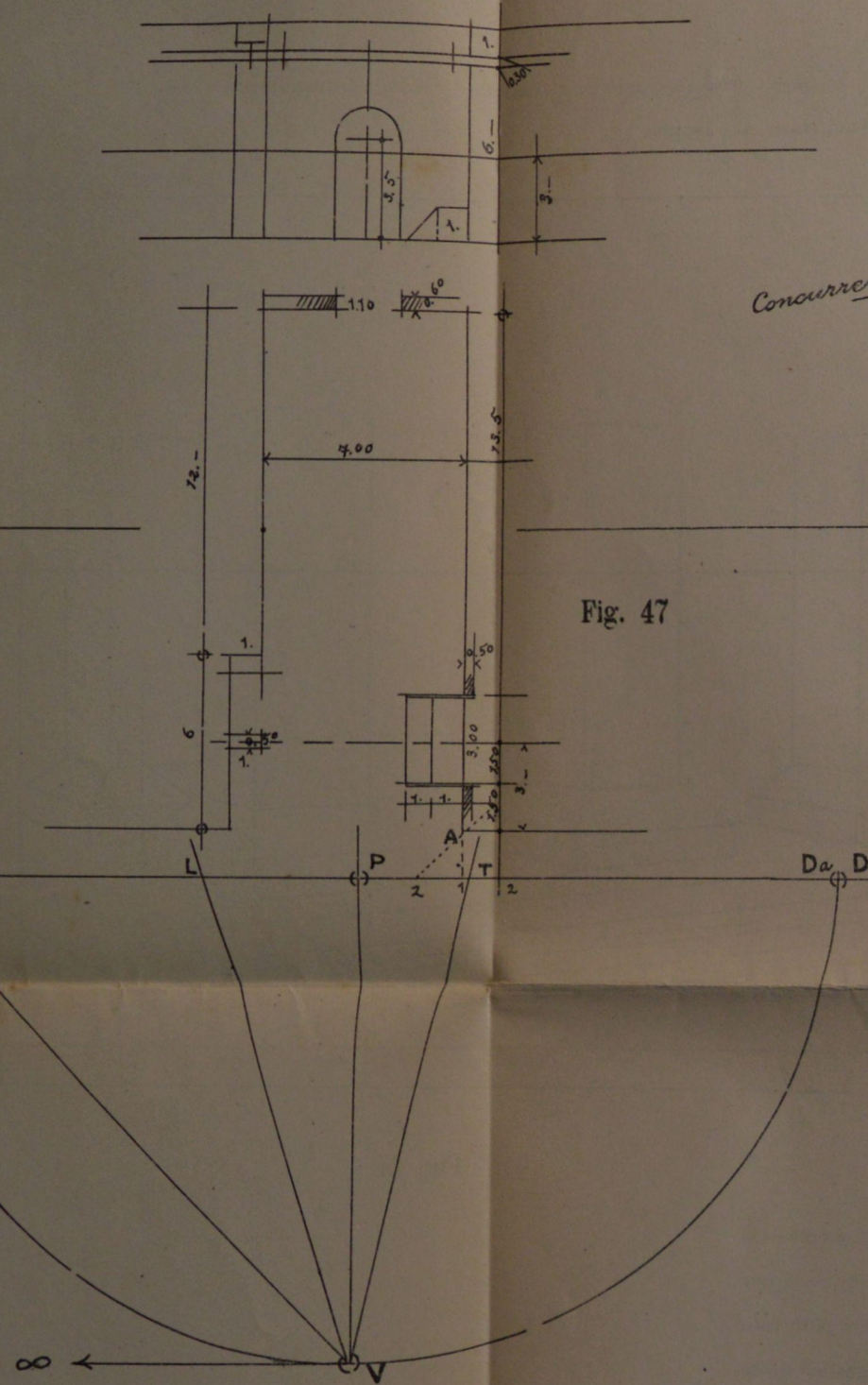


Fig. 47

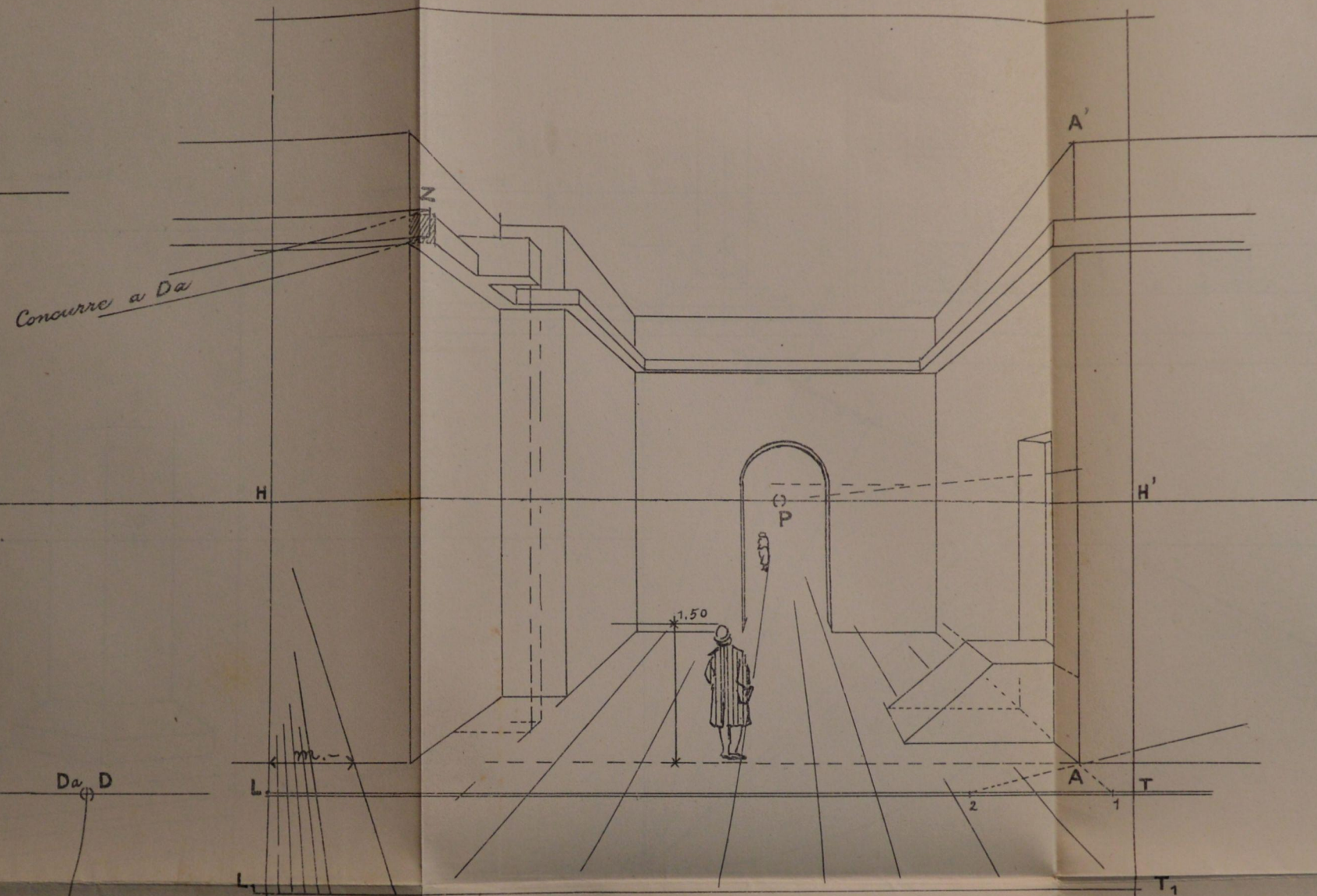


Fig. 48

Amplificac. = 4 veces

Elegido el punto de vista V, y los demás elementos del sistema normal, obtendremos por la intersección de las rectas 1A y 2A, el punto inicial A; trazando luego la horizontal \parallel a L T, tendremos el metro m. Con este metro, mediremos las magnitudes frontales, y sobre A A' las alturas.

Colocado en Z el perfil frontal del saliente, lo llevaremos hasta la diagonal, usando esta última para los demás perfiles.

El arco, por ser frontal, se conserva semi-circular. — A veces conviene bajar L T en L₁ T₁, para dar mas campo al plano de tierra.

Esto debe hacerse, después de obtenida la perspectiva.

m.c.

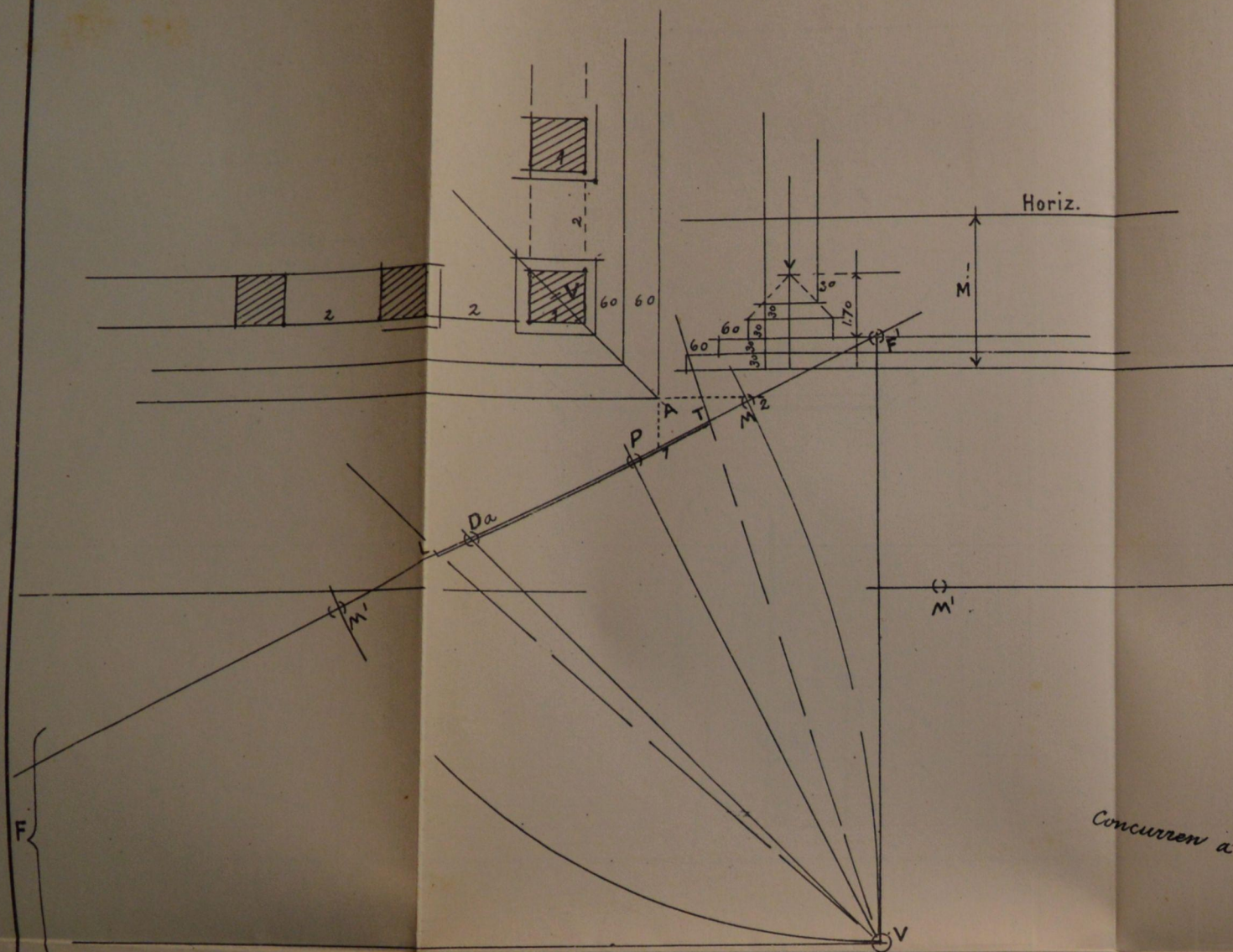


Fig. 49

Amplificac = 3 veces

Una vez determinado el sistema normal (fig. 49), reproduciremos los elementos con la amplificación = 3. Determinado el metro que pasa por el punto inicial A, haremos la perspectiva de la planta, usando para esto el punto de medida M y las cotas de la horizontal S S, recabadas de la fig. 49; haciendo uso de la diagonal A, D a, encontraremos (fig. 50) el punto cuya vertical pasa por V; luego tomaremos las alturas correspondientes, tratando de verificar una vez concluida la perspectiva, los espesores crecientes o decrecientes, como p. ej. los anchos de los pilares etc.

La perspectiva de capiteles se hace en la misma forma que las bases.
Inviértase esta lámina.

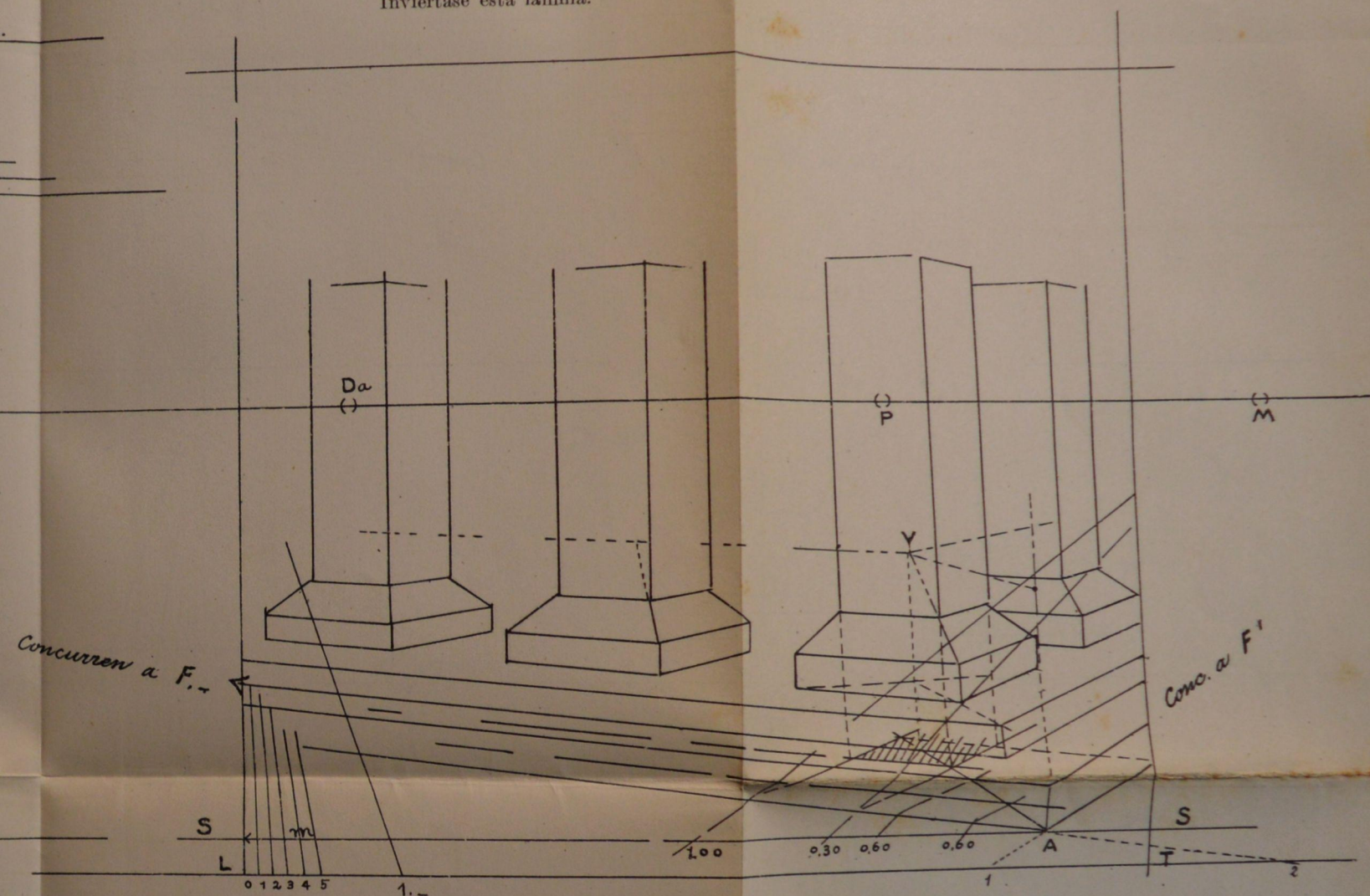
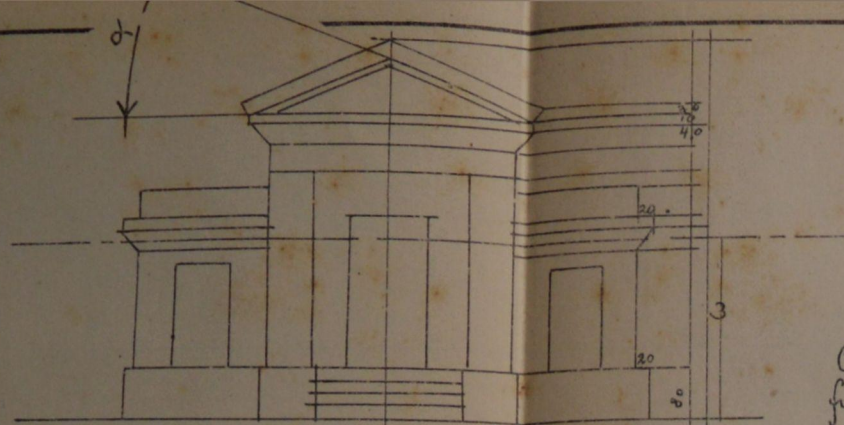


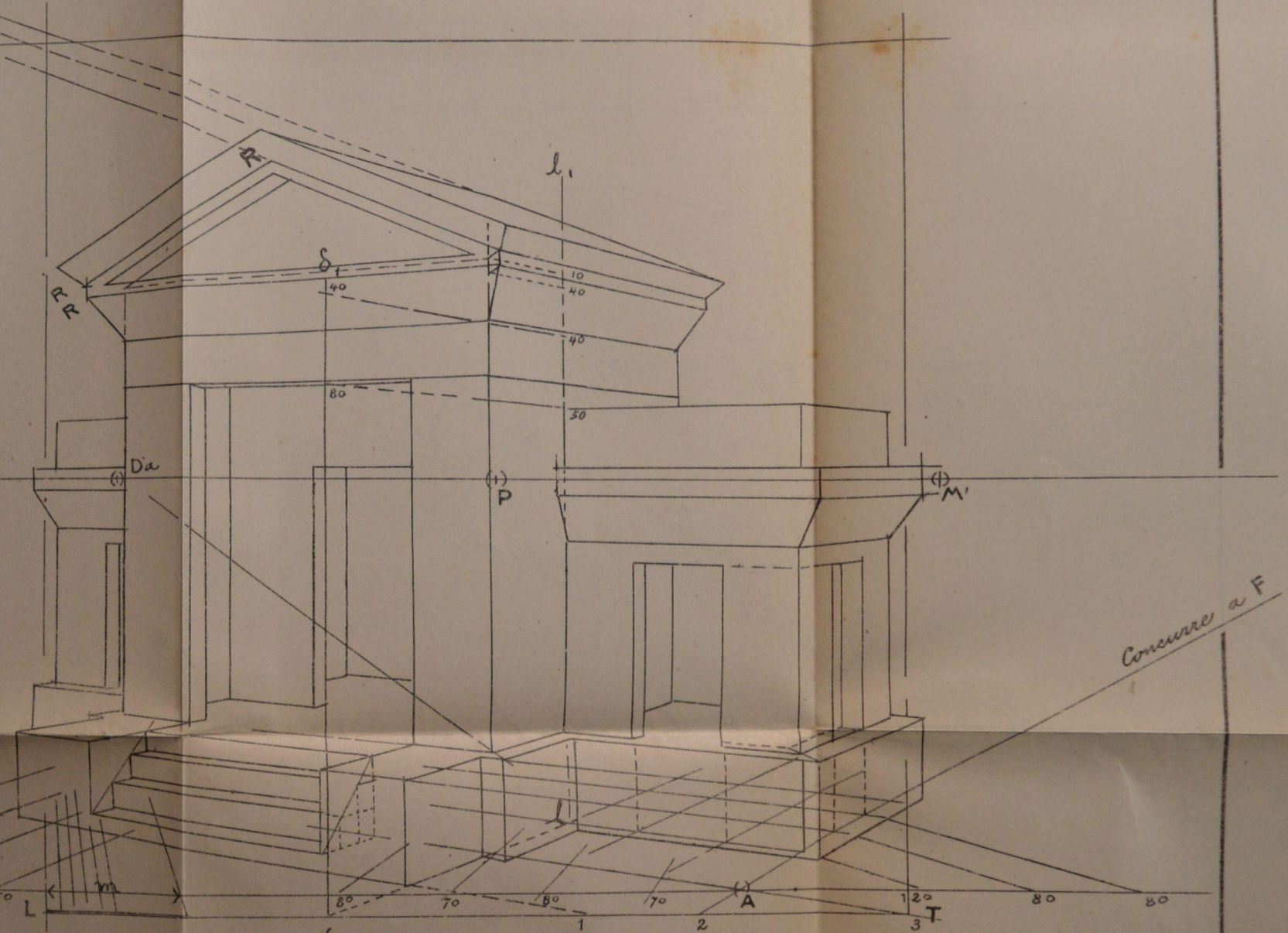
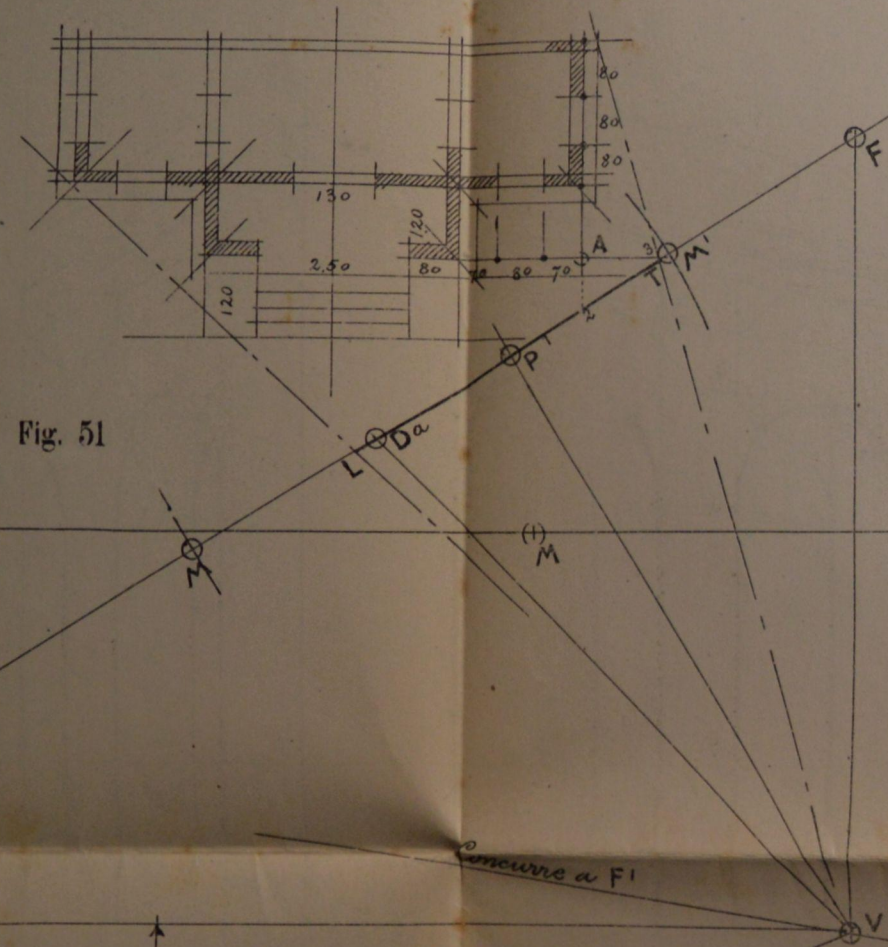
Fig. 50

Fig. 50



Concurren al punto de fuga aéreo F

Fig. 51



Amplificac = 3 veces

Fig. 52

La fig. 52 presenta un ejemplo sencillo de rectas concurrentes a puntos de fuga aéreos; (las rectas R R concurren al punto simétrico de F). Para simplificar el problema se toman varias alturas y algunos elementos directamente, haciendo uso de la escala de papel con metro m, que previamente se construye. Cuando la ampliación es múltiplo de 10, conviene, para usar doble decímetro y en consecuencia abreviar operaciones, hacer uso de la escala $\delta\delta$, que mide con el metro respectivo las cotas l, l_1 .

7.C.

Hand-drawn architectural drawing of a building facade. The drawing shows two arched windows. The left window has a height dimension of 5.80. The right window has a height dimension of 4.00. The right wall has a height dimension of 5.25. A horizontal line is labeled "horizonte". A vertical dimension of 1.70 is shown on the right side. The drawing is on a piece of paper with a fold line visible.

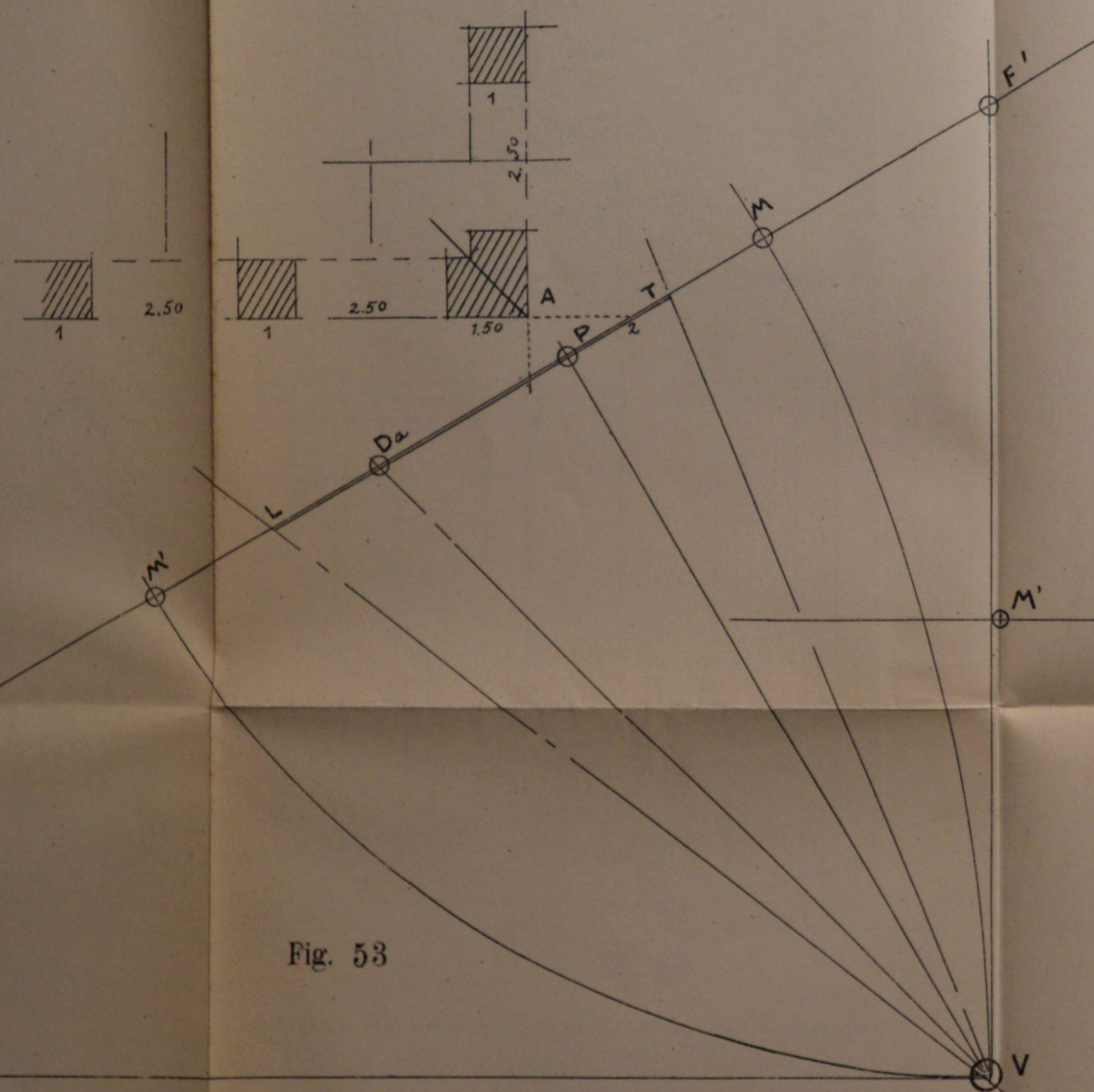


Fig. 54

Amplif. = 2 veces

Llevada la planta (fig. 53) en perspectiva, y contruidos los elementos en elevación, sólo resta construir los puntos que determinan la forma perspectiva de los arcos. Como vemos en la fig. 54, éstos se determinan por las diagonales de un semi-cuadrado que tiene por lado el diámetro del medio punto y por la recta $m n$, originada por $t m$. Luego trasladamos $A B$, B, A , a $A' B'$ etc., lo mismo que el centro C en C' . Repitiendo la operación en los otros arcos obtendremos la perspectiva propuesta.

John

Fig. 56

Escala 1:100

Escala 1:50

LT está a la misma escala que la planta.
El perfil está a escala doble para mayor claridad.

Fig. 55

Amplificación = 5 veces

Notas:

Repetiendo las operaciones indicadas en la lámina 9 obtendremos la perspectiva de la fig. 56. En la práctica las líneas no se prolongan hasta los puntos de concurrencia, ganando la persp. en claridad. — El punto Z, ha sido determinado directamente sobre el H H' por la recta 1 1 S S'.

Concurren a F

Concurre a M

Conc. a Z

Conc. a Z

m.c.

17

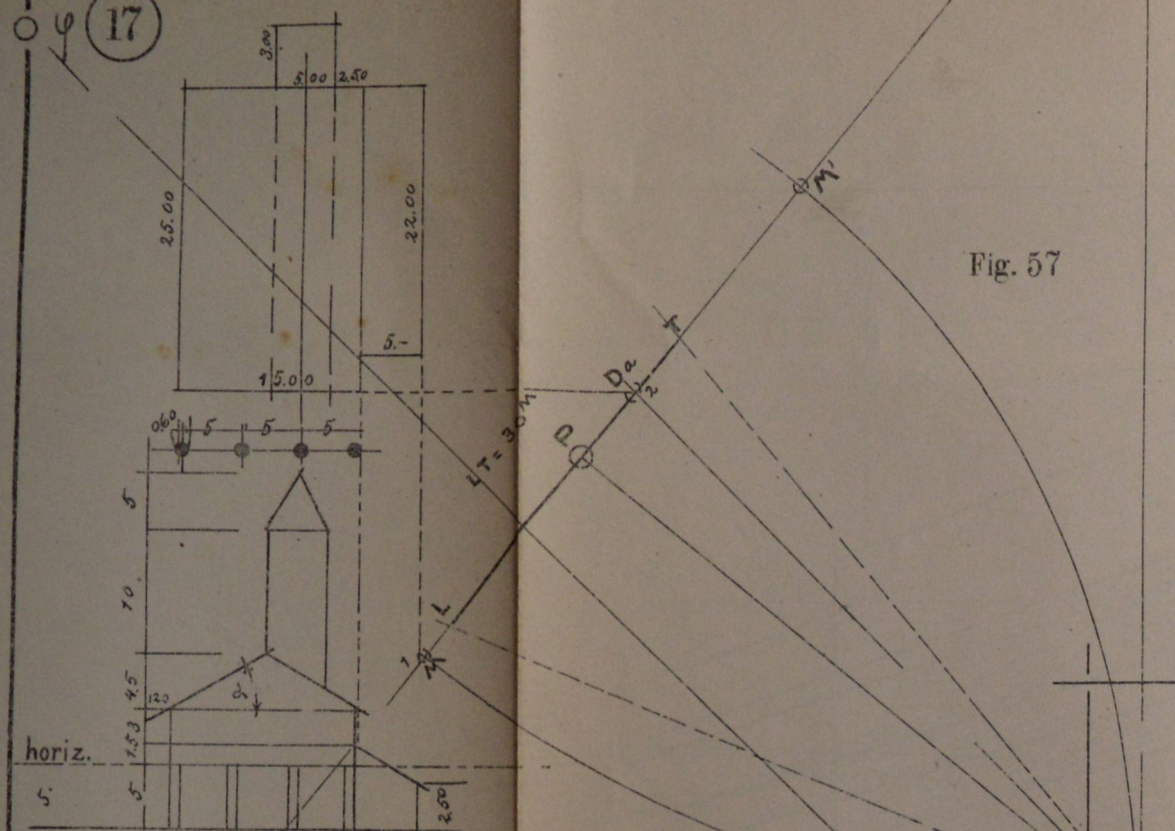


Fig. 57

Amplificación = 3 veces

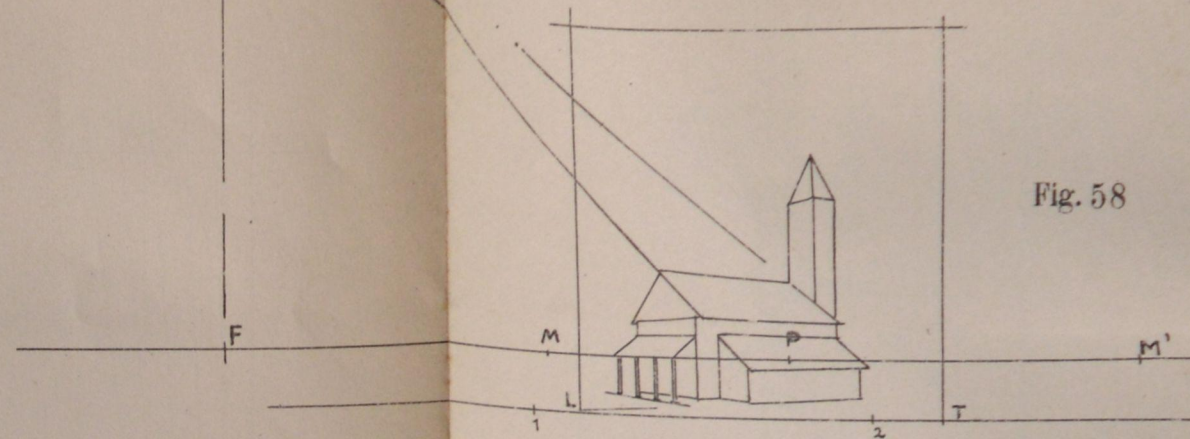
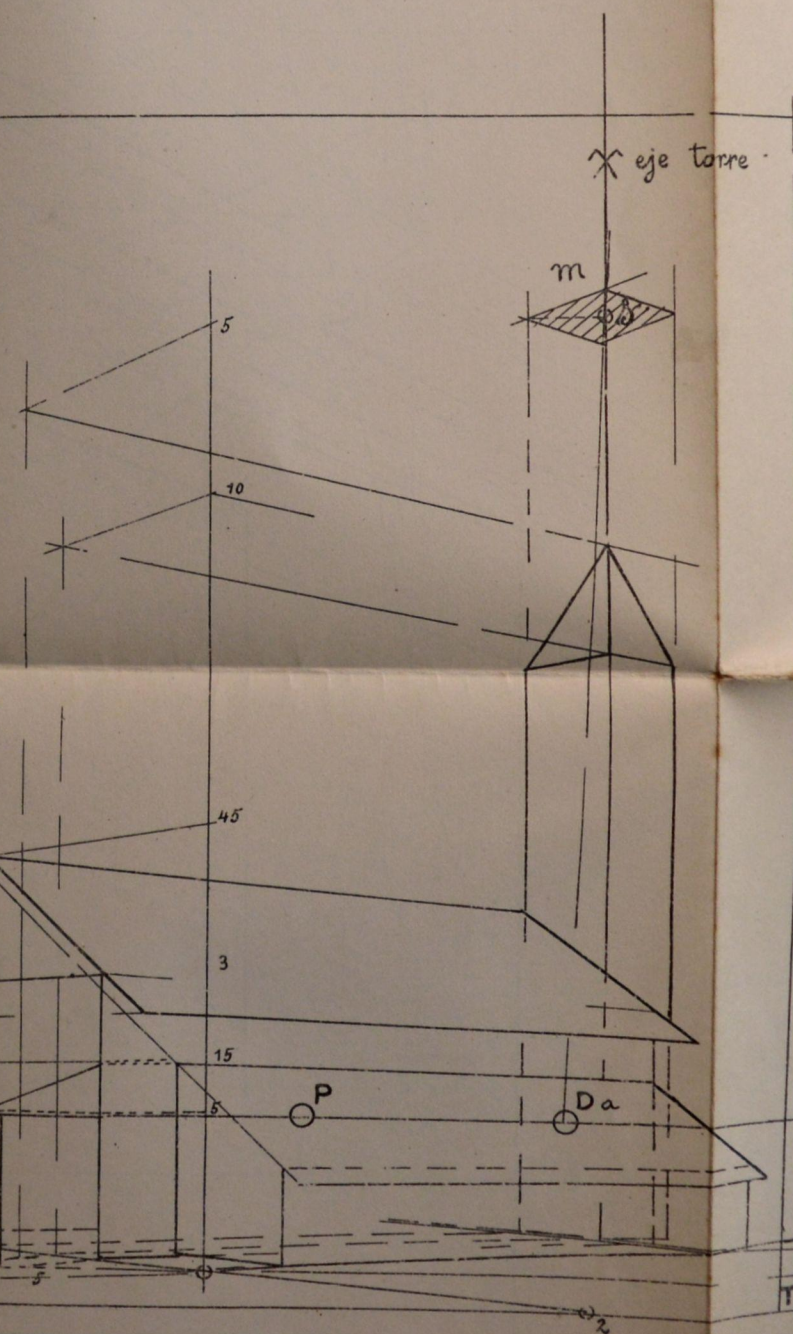


Fig. 58



Con los datos de la fig. 57 se realiza una pequeña perspectiva de ensayo, y si después de trazadas las primeras líneas, se prevé que la persp. resulta, se opera en la fig. 59 como de costumbre. El cuadrado m, ha sido trazado a esa altura, con el fin de determinar lo mas exactamente posible, el centro S, por el cual pasa el eje de la torre.

m.c.

Fig. 59

Fig. 60

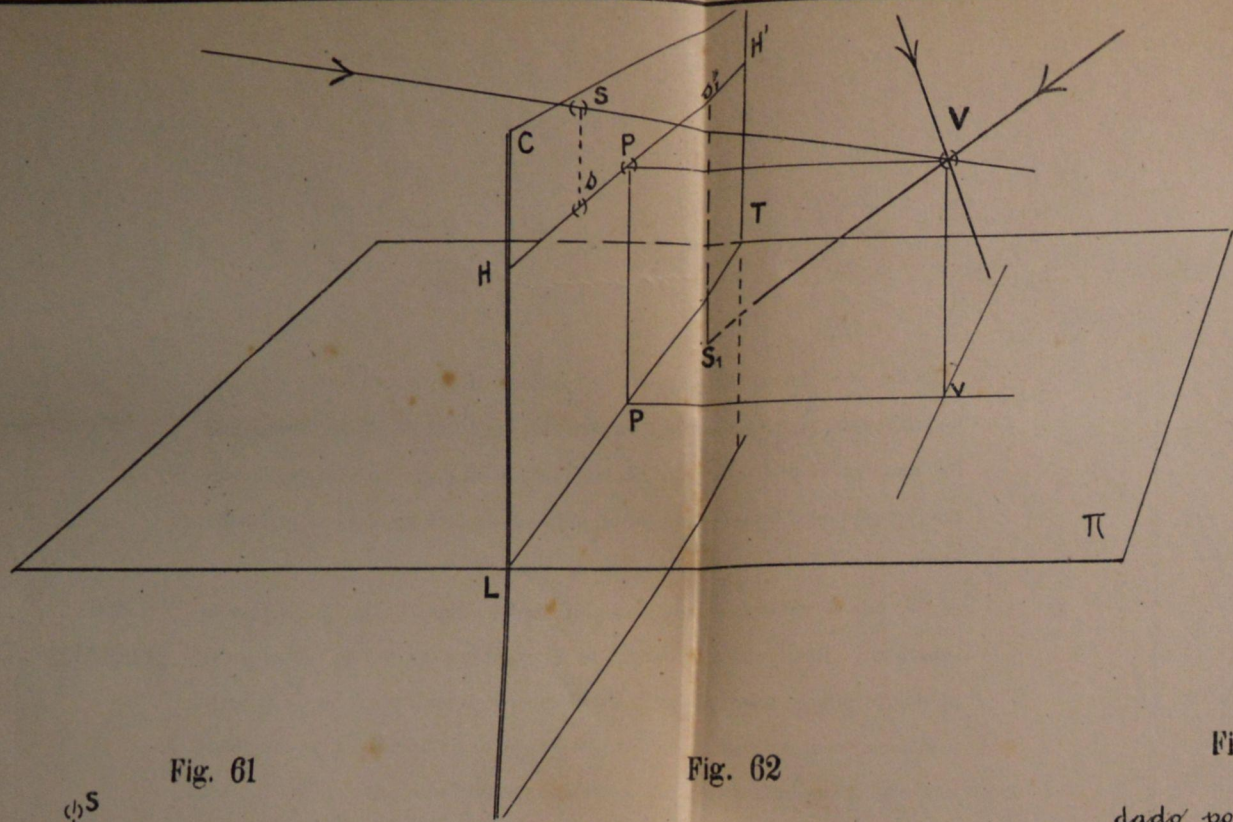


Fig. 61

Fig. 62

Fig. 63

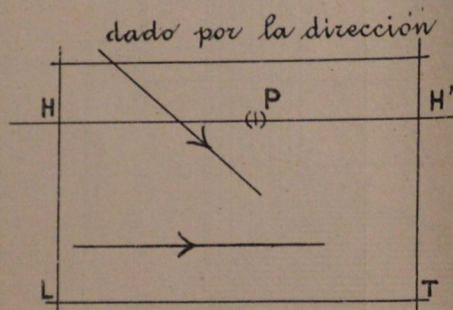
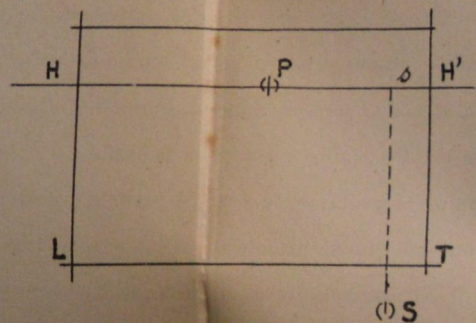
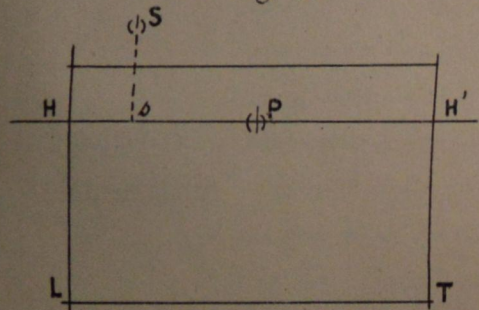


Fig. 64

Fig. 65

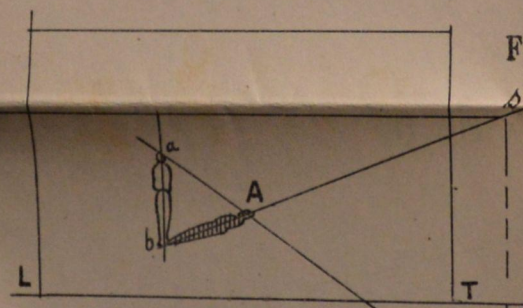
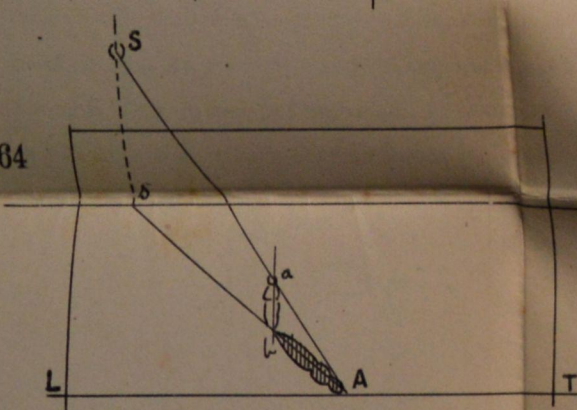
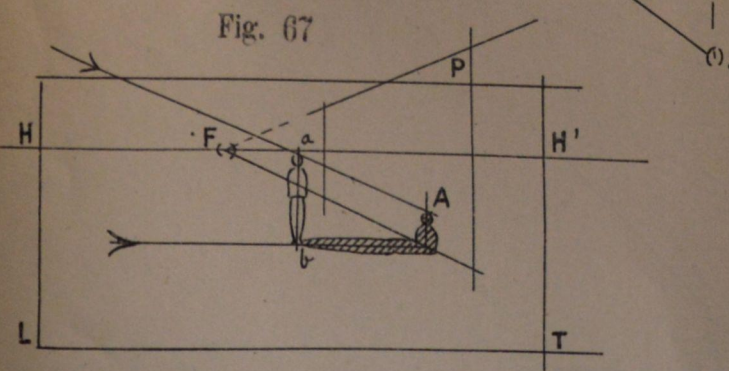
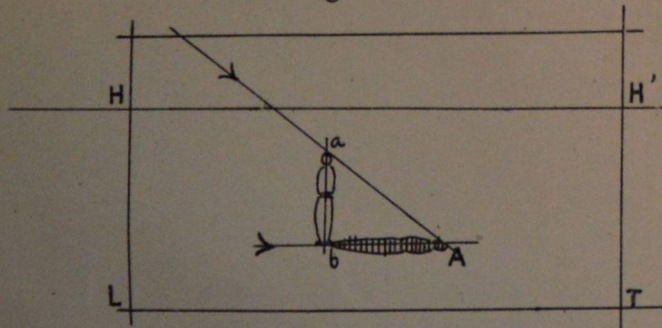


Fig. 66

Fig. 67



A un rayo luminoso que parte de cualquier foco a distancia infinita, se le puede trazar uno paralelo que pase por V y que intercepte al cuadro en un punto determinado. Esta recta \parallel a los rayos luminosos tiene un punto de fuga aéreo, y la proyección de este punto sobre el horizonte representa el punto de fuga de la proyección del rayo luminoso. El caso de foco a distancia finita puede usarse en las perspectivas de interiores; pero en la persp. arquitectónica corriente conviene usar el foco en el ∞ . El foco puede estar detrás del cuadro, o frente a él, bien entendido que, fuera de la zona comprendida entre el cuadro y el plano que pasando por V le es paralelo, pues los focos colocados en esta zona, producen imágenes virtuales. En el primer caso el rayo que pasa por V (fig. 60), corta al cuadro en S. Este caso es uno de los más usados pues supone al foco detrás del cuadro y sobre el horizonte. Otro caso corriente es aquel en el cual el rayo que pasa por V corta al cuadro en S₁. El 3er. caso supone el rayo luminoso que pasa por V, \parallel al cuadro. Las figs. 61-2-3 representan los 3 casos anteriores, haciendo notar que el caso 2.º, foco a espaldas del observador en V, a la izquierda y sobre el horizonte debe dar necesariamente un punto de fuga aéreo S₁, a la derecha y debajo de L T. — La sombra de un punto sobre un plano, — teniendo presente los principios de geometría descriptiva—se halla directamente en perspectiva, buscando la intersección del plano que pasa por S s, y por el punto dado, un vertical por supuesto, con el plano dado, uniendo luego S con el punto hasta hallar esa intersección. Las figs. 64-5-6-7 muestran los casos de sombras de puntos y rectas.

Teoría de sombras

Posición de S. (Imágenes reales)

Sombras de puntos y rectas sobre planos

m.c.

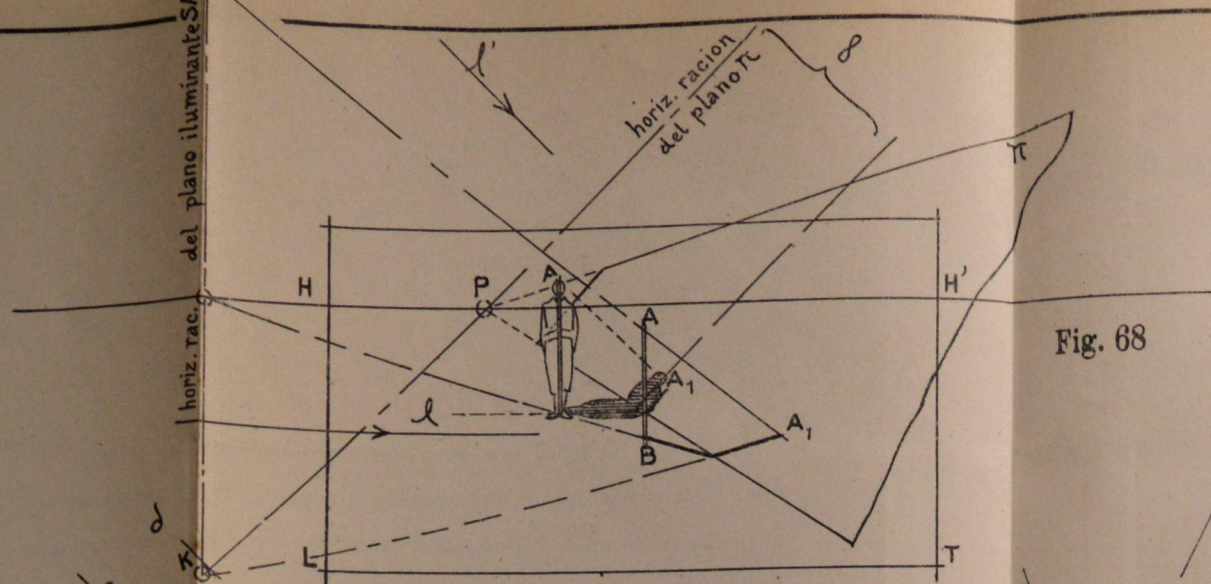


Fig. 68

Fig. 69

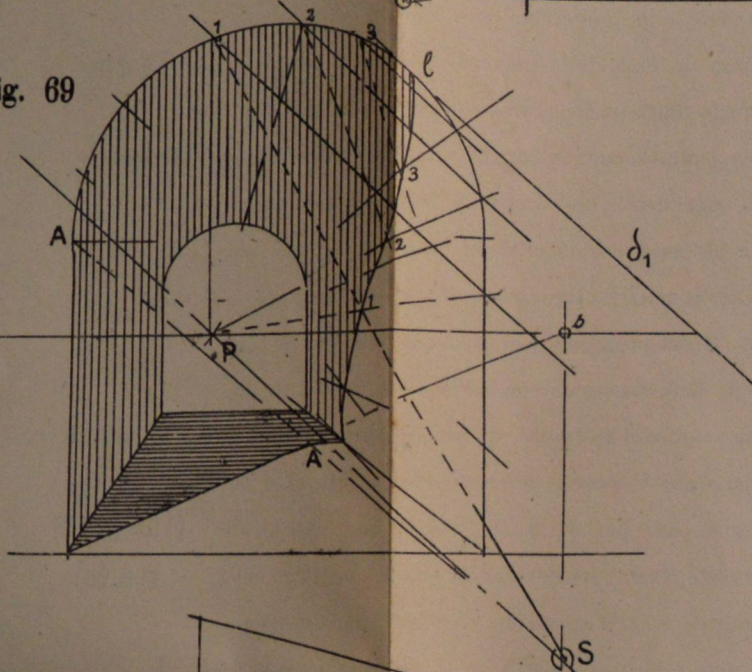


Fig. 70

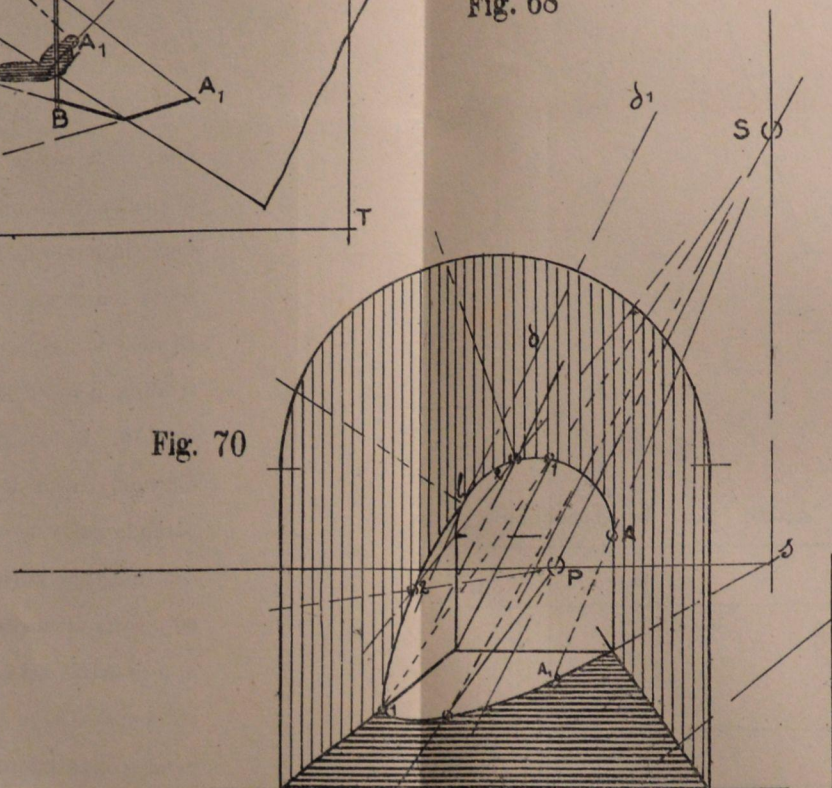
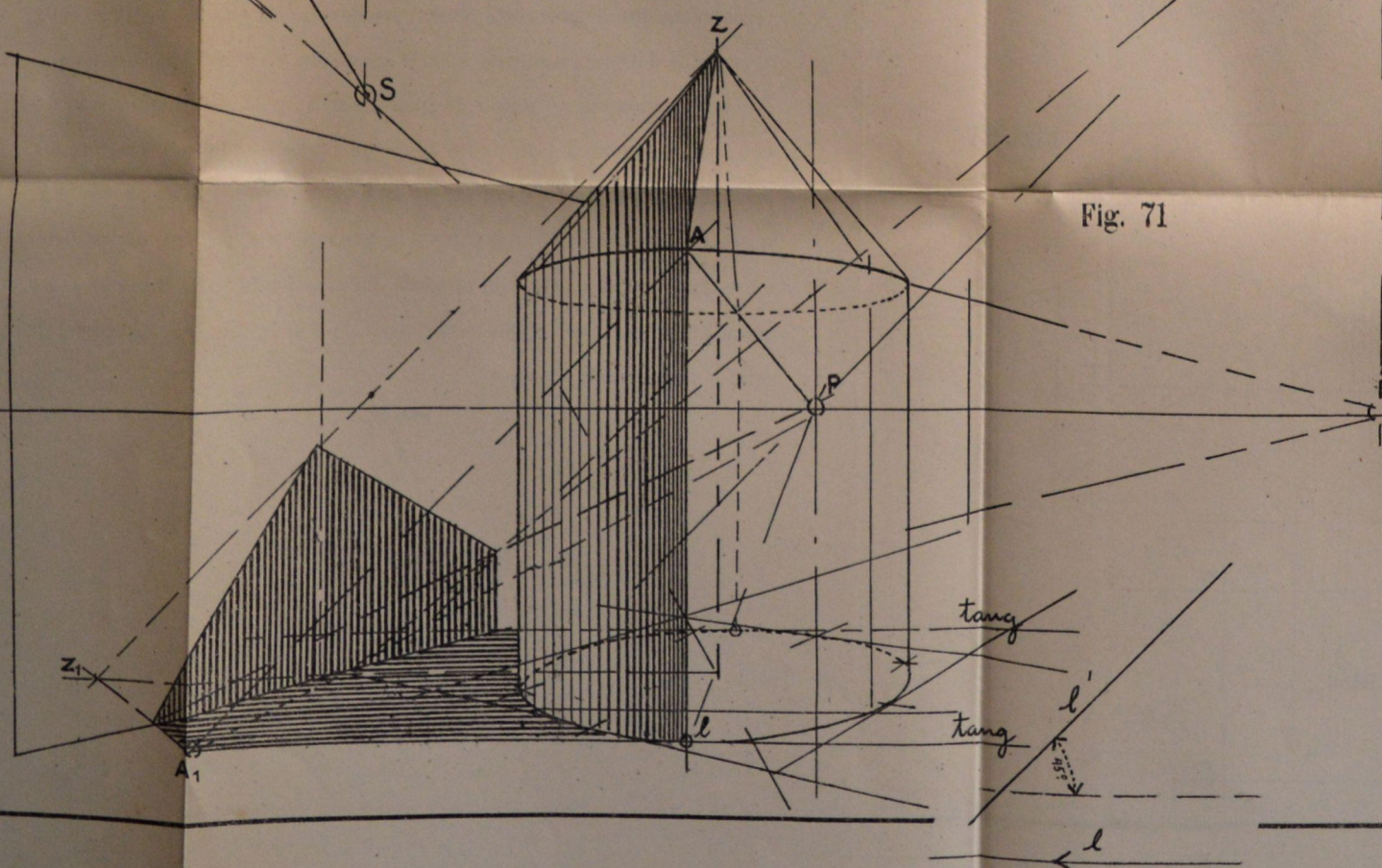


Fig. 71



La fig. 68, presenta dos casos de sombras de un punto sobre un plano inclinado. Si el plano fuese cualquiera, conocido el horizonte racional del plano, o el punto de fuga aéreo—al cual concurre la intersección del plano cualquiera con el plano iluminante—sería fácil resolver el problema como anteriormente. Los casos de las figs. 69-70 * se resuelven como se vé, por secciones, siendo la sección límite (fig. 71) la que define la separatriz. Los casos mas corrientes de sombras son los de rectas sobre planos, y puntos sobre planos. En el caso de rectas, el plano de la recta y el foco, tiene una intersección con una o mas superficies, produciendo una o mas sombras arrojadas.— Si estas superficies son también planas, las intersecciones serán rectas. Ahora bien; el plano del foco y la recta (plano iluminante) tiene un horizonte racional A, el plano sobre el cual va a caer la sombra tiene un horizonte racional B; la sombra, intersección de los dos planos concurrirá al punto de encuentro de A y B. Este principio completamente general permite resolver la mayoría de los casos de sombras que se presentan en las perspectivas arquitectónicas.

* El plano límite es el que contiene a una generatriz de la bóveda y un rayo luminoso y es tang. a la curva directriz. Su traza $\delta\delta$, sobre los frontales, será \parallel a SP ; (fig. 69-70). La recta $\delta\delta$, nos da en l, el punto límite. Haciendo secciones por planos luminosos hallaremos puntos de la sombra arrojada. Determinada la sombra de A en A, puede completarse fácilmente el caso propuesto.

W.C.

Casos
generales

Principio
fundamental

Los horizontes racionales son los indicados con punto y raya.

El horizonte racional del plano 1 2 3
está en ∞ , luego $SP \parallel mn$.

Fig. 72

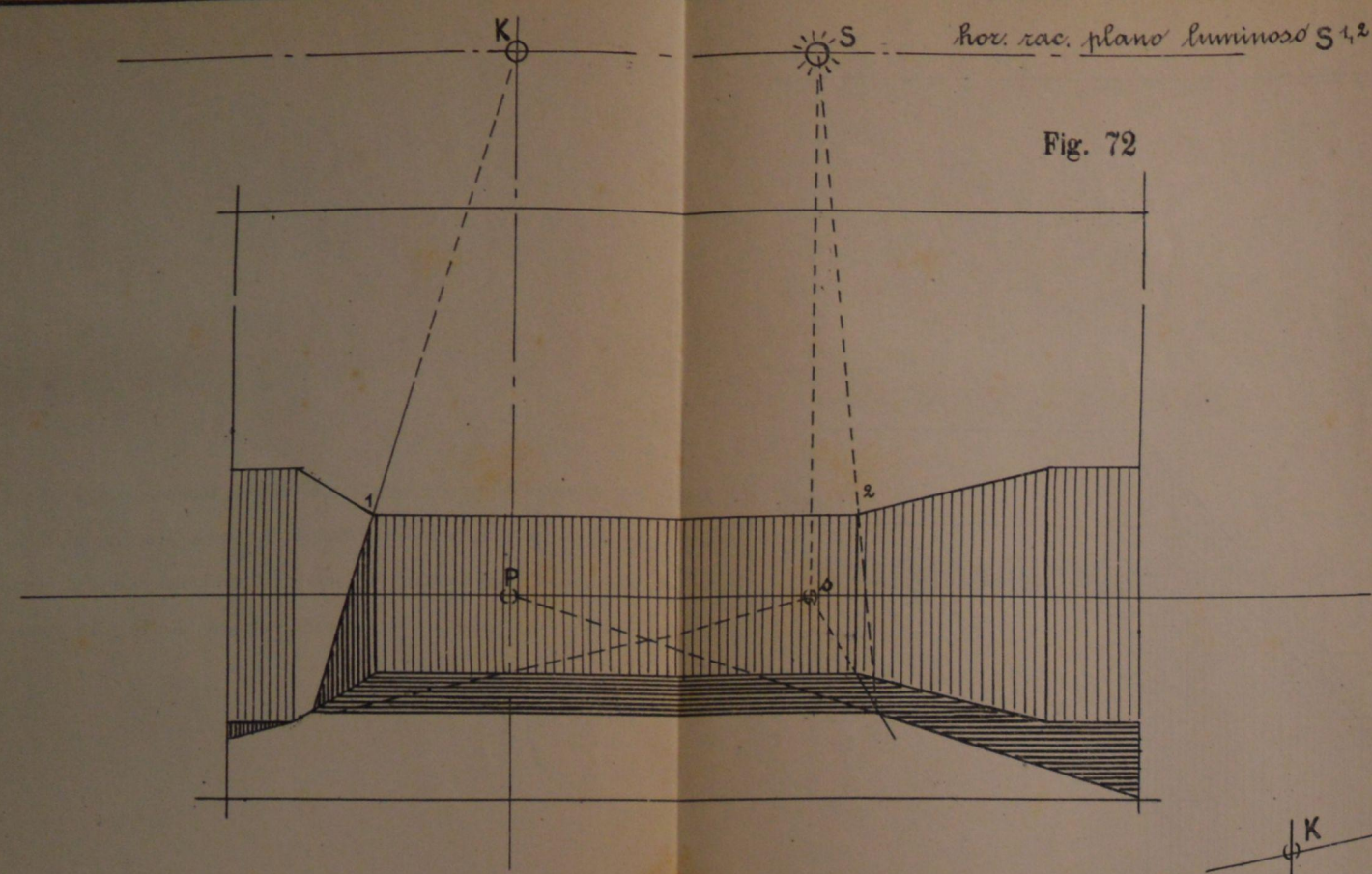
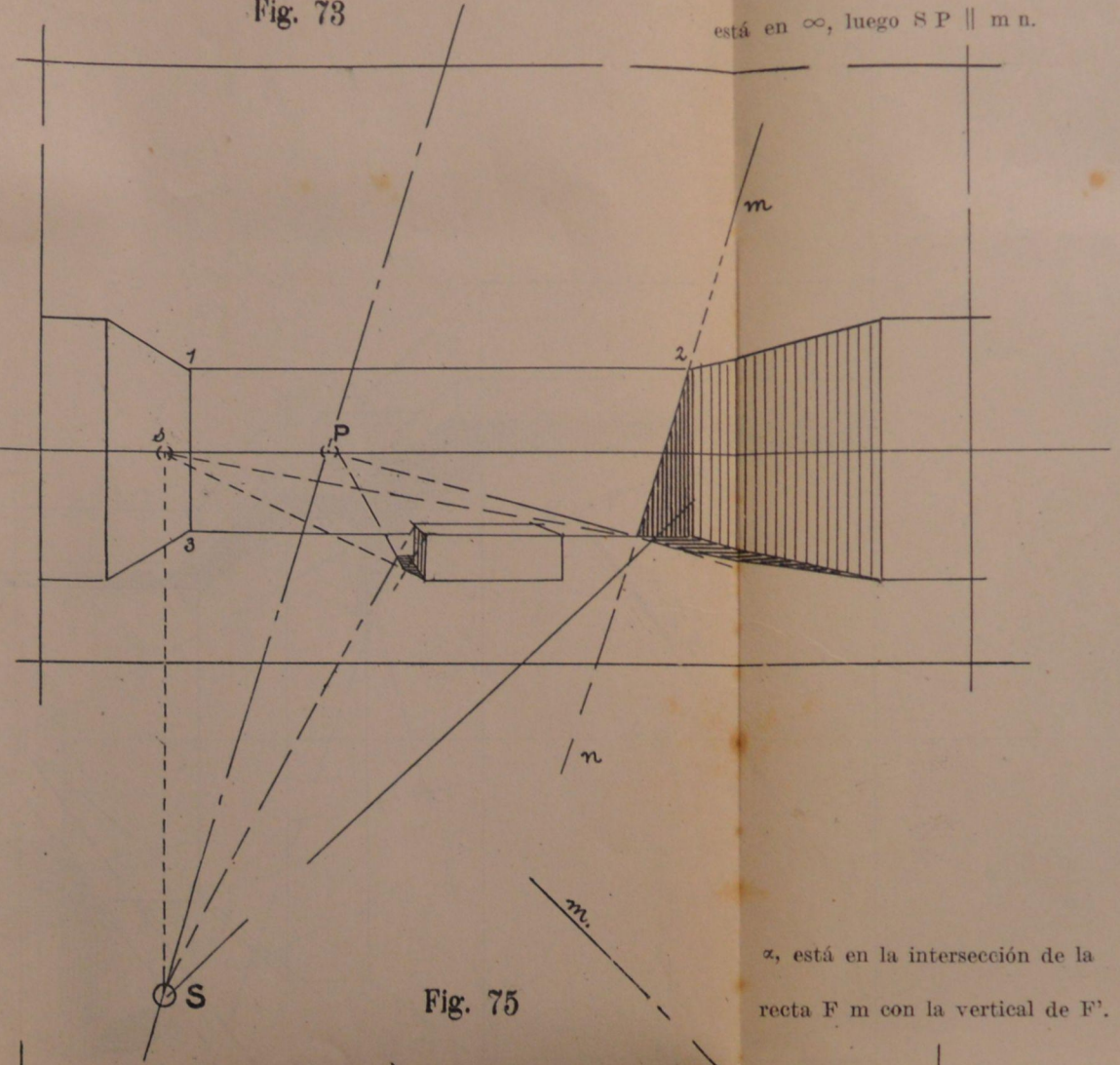


Fig. 73



α , está en la intersección de la
recta F m con la vertical de F'.

Fig. 75

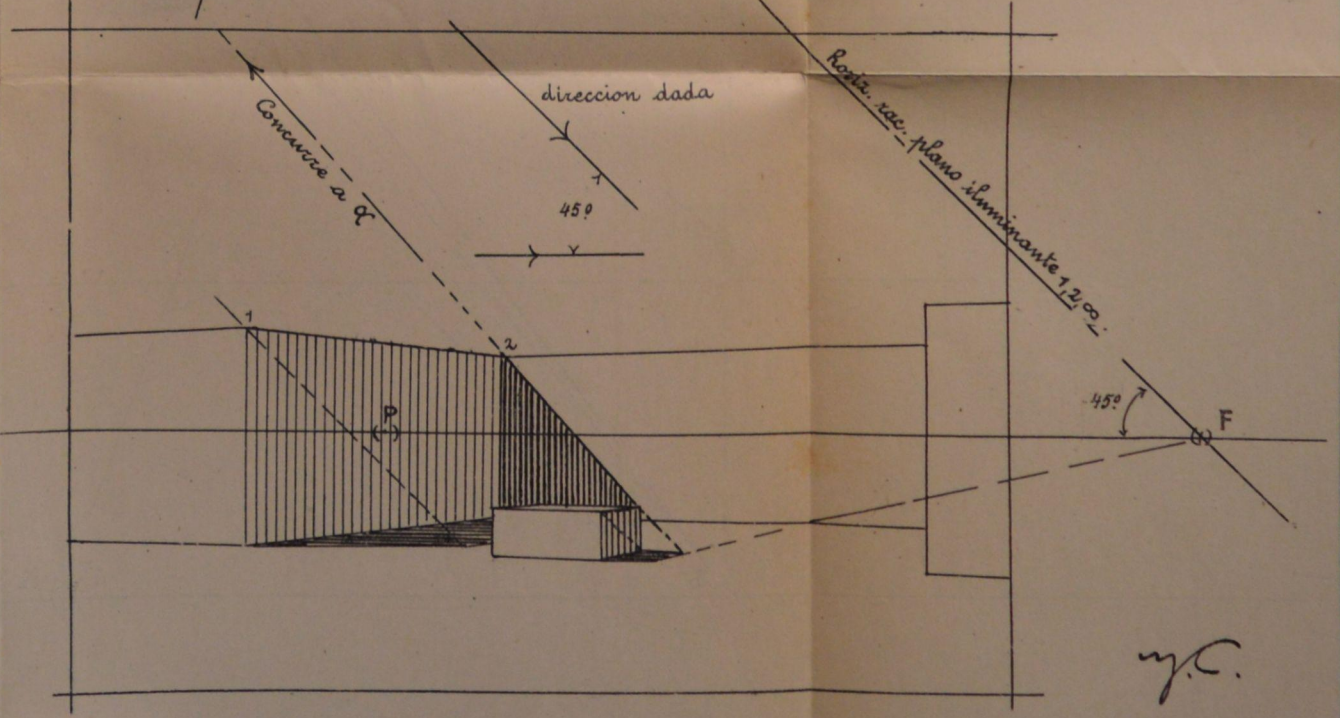


Fig. 74

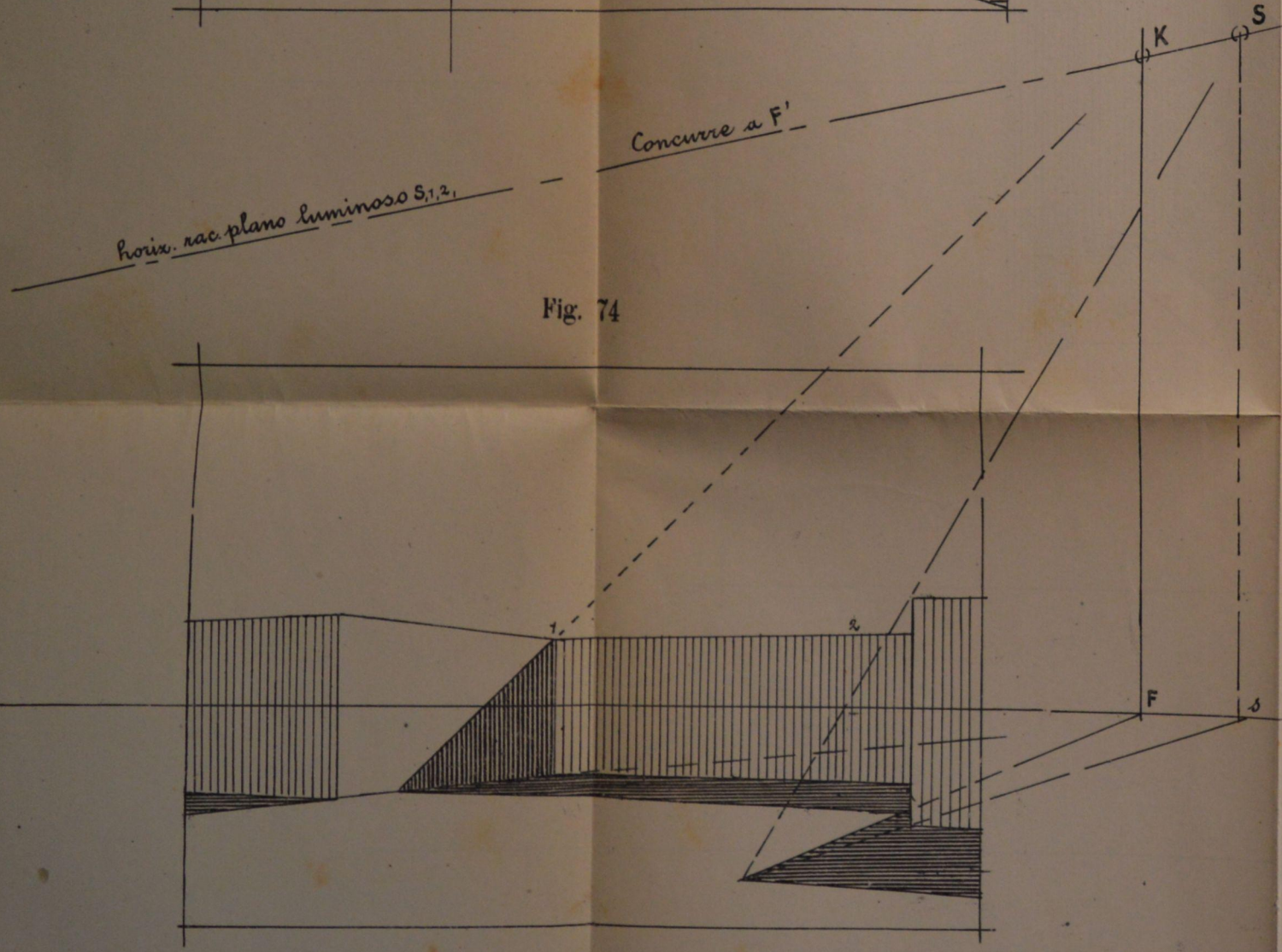
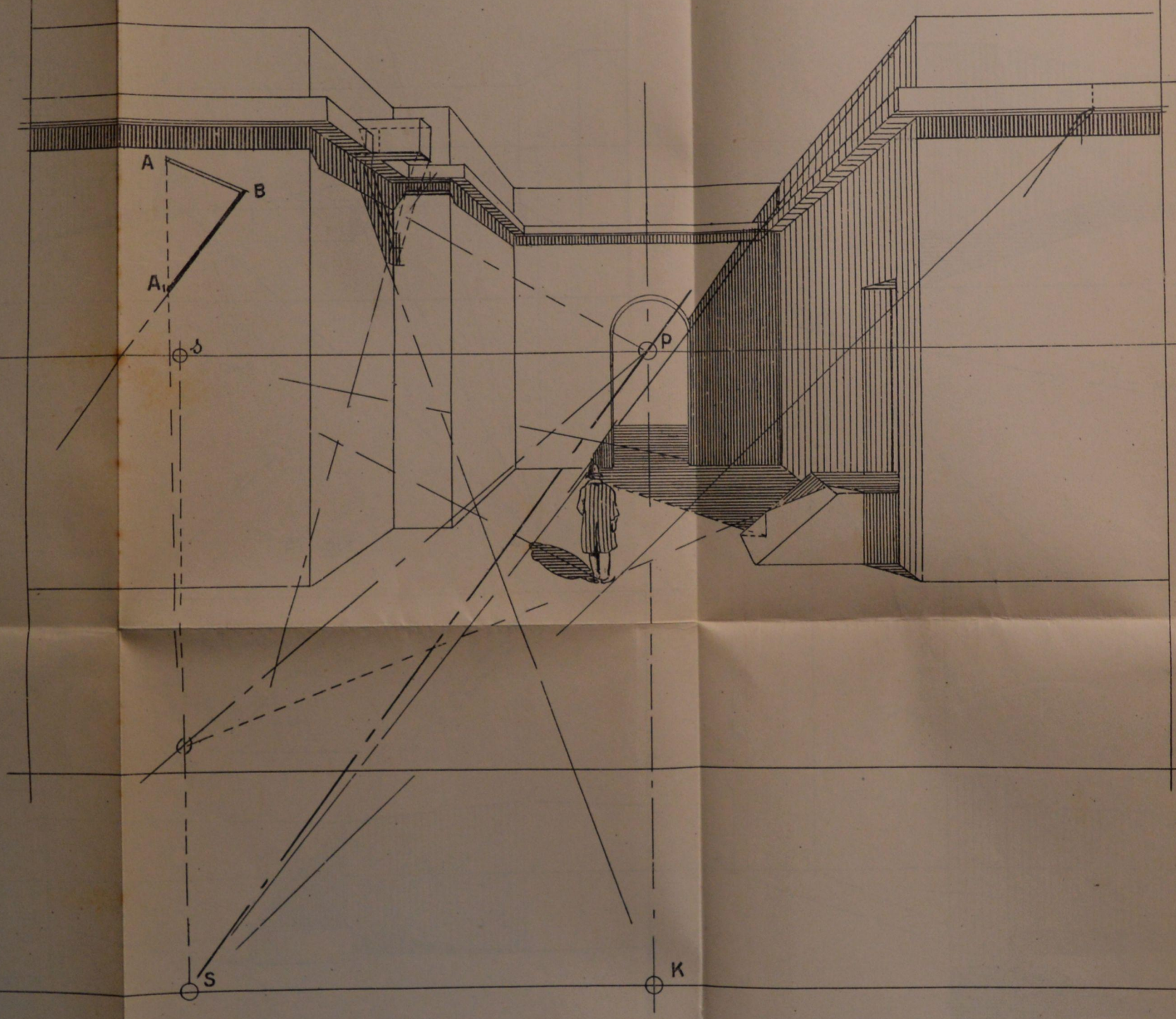


Fig. 76



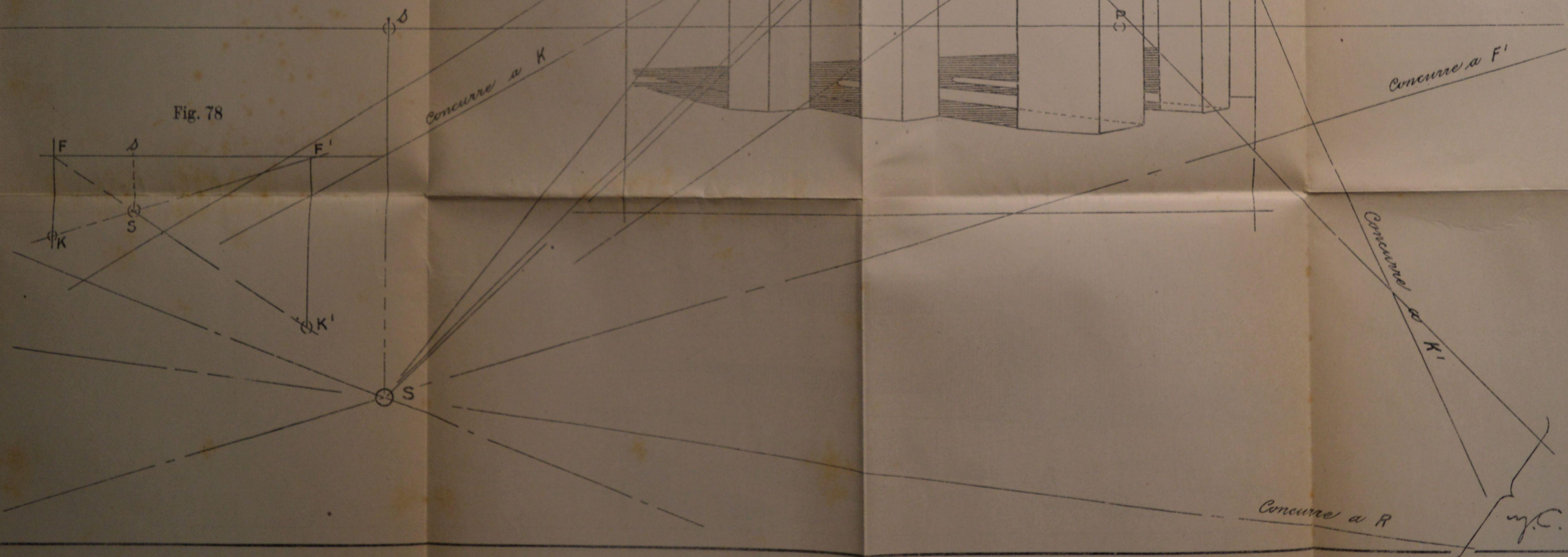
Todas las construcciones de esta figura tienen relación con la teoría general que en otra lámina se indica. Por ser la perspectiva, frontal, deberá observarse paralelismo entre las sombras arrojadas sobre el plano frontal, y el horizonte racional del plano iluminante. Recta A B, sombra B A₁.

u.c.

En la misma forma que para las bóvedas en cañón de la lámina 19, haremos secciones por el plano que contiene una generatriz y un rayo luminoso, y como F' y S son los puntos de fuga de las generatrices y el sol, respectivamente, tendremos en K , (fig. 78) (77 reducida) el punto desde donde irradian las trazas de los planos que como los xx_1 , nos dan puntos de la sombra sobre el intrados de los arcos, arrojados por puntos del mismo arco desde el paramento (a).

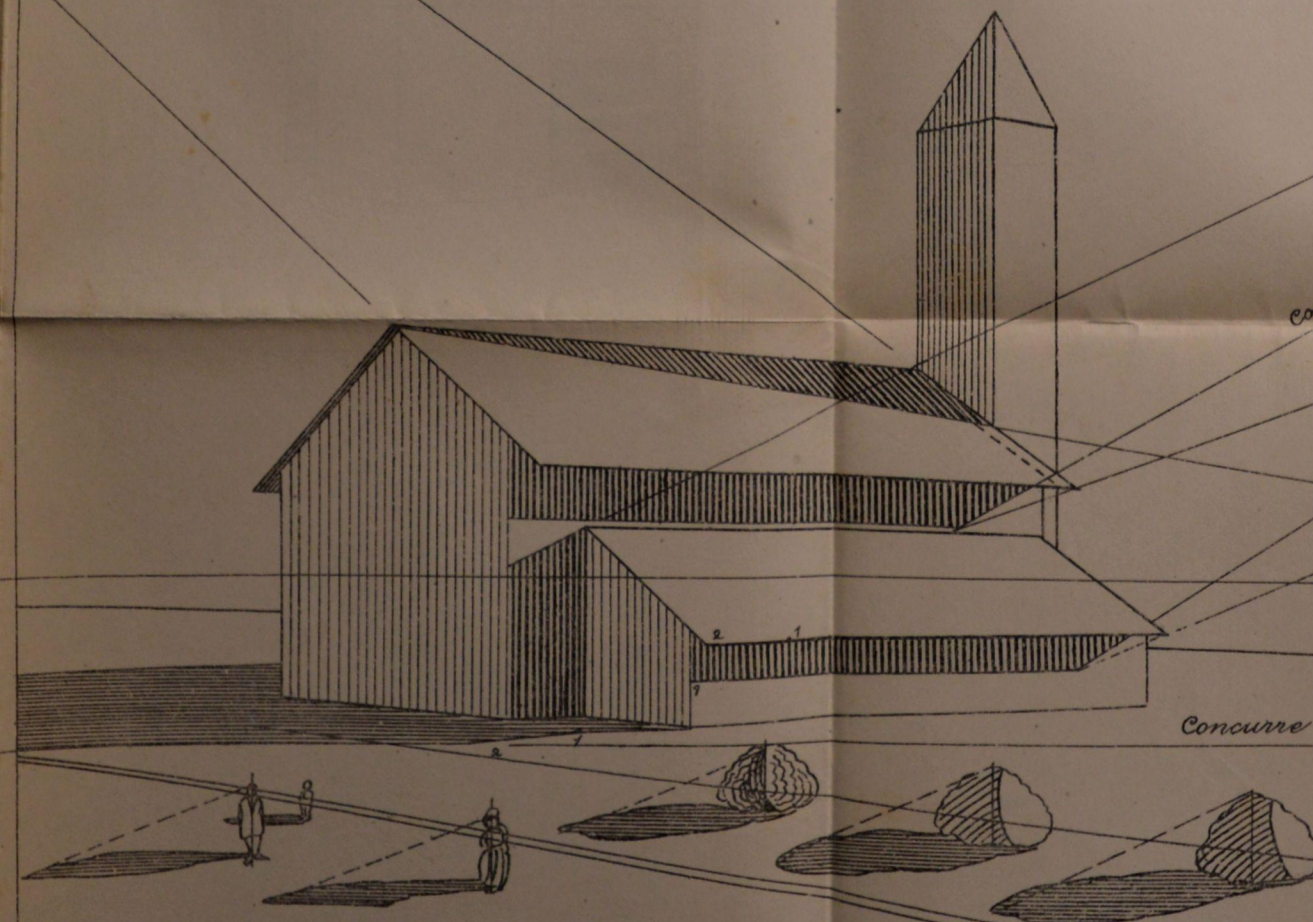
Todas las demás construcciones están también basadas en las propiedades de los horizontes racionales.

Fig. 78



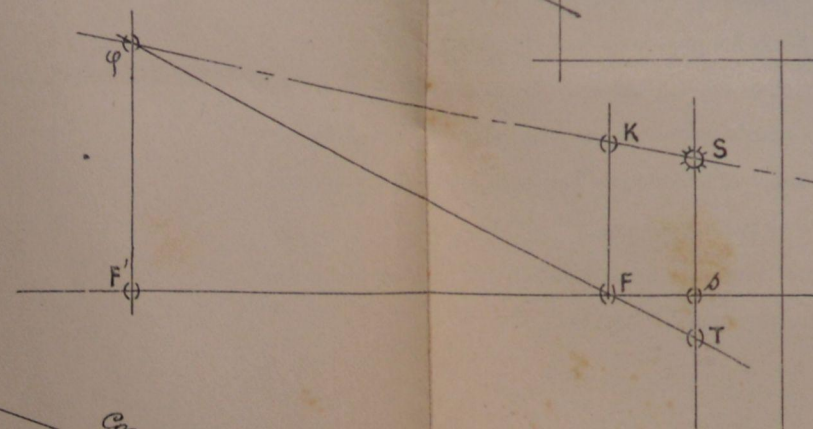
La figura 79, indica esquemáticamente la posición de los puntos necesarios para hallar las sombras. La mayoría de las rectas de la fig. 80, son horizontes racionales de planos iluminantes o de planos que reciben sombra.

Fig. 80



de φ a S

Fig. 79



W.C.